

# **Elektriska nät och system F1**

ESS 115

TENTAKIT

| Datum      | Tenta | Lösning | Svar |
|------------|-------|---------|------|
| 2001-12-15 | x     | x       |      |
| 2002-04-05 | x     |         | x    |
| 2002-08-31 | x     | x       |      |
| 2002-12-14 | x     | x       |      |
| 2003-04-25 | x     |         | x    |
| 2003-08-30 | x     | x       |      |
| 2003-12-13 |       |         |      |
| 2004-04-16 | x     | x       |      |
| 2004-08-28 | x     | x       |      |
| 2004-12-11 | x     |         |      |
| 2005-04-01 |       |         |      |
| 2005-08-24 |       |         |      |

# Tentamen

## ess115 Elektriska Nät och System, F2

Examinator: Ants R. Silberberg

11 december 2004 kl. 08.30-12.30 sal V

Förfrågningar: Ants Silberberg, tel. 1808

Lösningar: Anslås tisdagen den 14 december på institutionens anslagstavla, plan 5.

Resultat: Anslås tisdagen den 11 januari kl. 14 på institutionens anslagstavla, plan 5.

Granskning: 1: Onsdagen den 12 januari kl. 12.30 - 14.00 , rum 5432.  
2: Tisdagen den 18 januari kl. 12.30 - 14.30 , rum 5432.

Bedömning: En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt angivet svar ger full poäng.

### Hjälpmittel

- Typgodkänd miniräknare
- Beta Mathematics Handbook
- Physics Handbook
- Sammanfattning Kretselektronik (A4-häfte)

Betygsgränser (6 uppgifter om vardera 3 poäng).

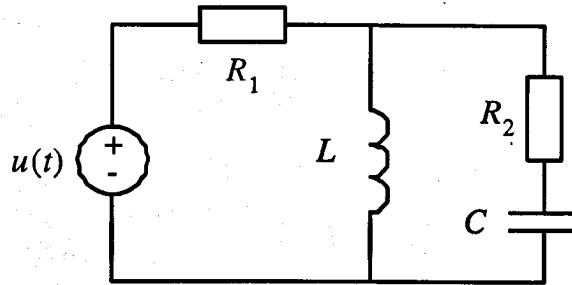
Bonuspoäng från inlämningsuppgifterna adderas till tentaresultatet.

|       |       |        |         |       |
|-------|-------|--------|---------|-------|
| Poäng | 0-7.5 | 8-11.5 | 12-14.5 | 15-18 |
| Betyg | U     | 3      | 4       | 5     |

OBS! Skriv namn och personnummer på varje sida. Lycka till!

1. Betrakta växelströmsnätet i figur 1 nedan och beräkna effektutvecklingen i resistansen  $R_2$ . Antag att sinusformat stationär tillstånd råder.

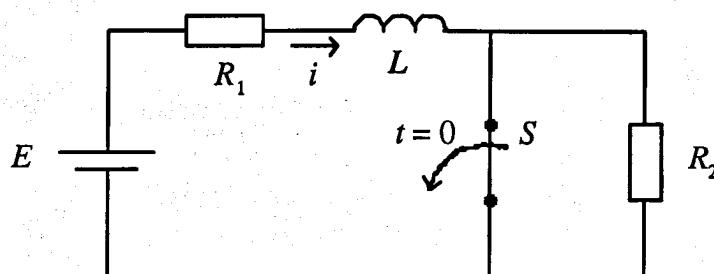
$$\begin{aligned} R_1 &= 2.0 \Omega & R_2 &= 6.0 \Omega & C &= 0.20 \text{ mF} \\ L &= 4.0 \text{ mH} & u(t) &= 23.0 \cos(\omega t) \text{ V} & \omega &= 1.0 \cdot 10^3 \text{ rad/s} \end{aligned}$$



Figur 1: Växelströmsnät

2. Brytaren  $S$  i nätet i figur 2 har varit sluten under en lång tid. Vid tidpunkten  $t = 0$  öppnas brytaren hastigt. Beräkna strömmen  $i(t)$  strax innan samt efter det att brytaren  $S$  öppnas.

$$\begin{aligned} R_1 &= 5.0 \Omega & R_2 &= 7.0 \Omega \\ L &= 0.50 \text{ H} & E &= 60 \text{ V} \end{aligned}$$



Figur 2: Elektriskt nät

3. Beräkna spänningsförstärkningen  $\frac{u_0}{u_s}$  hos förstärkaren i figur 3.

Beräkna även förstärkarens inresistans  $R_{in}$  som den är angiven i figuren.  
Reaktansen från kapacitansen,  $X_C = \frac{1}{\omega C}$ , kan försummas vid aktuella signalfrekvenser.

$$R_S = 10 \text{ k}\Omega$$

$$E = 15.0 \text{ V}$$

$$R_D = 2.0 \text{ k}\Omega$$

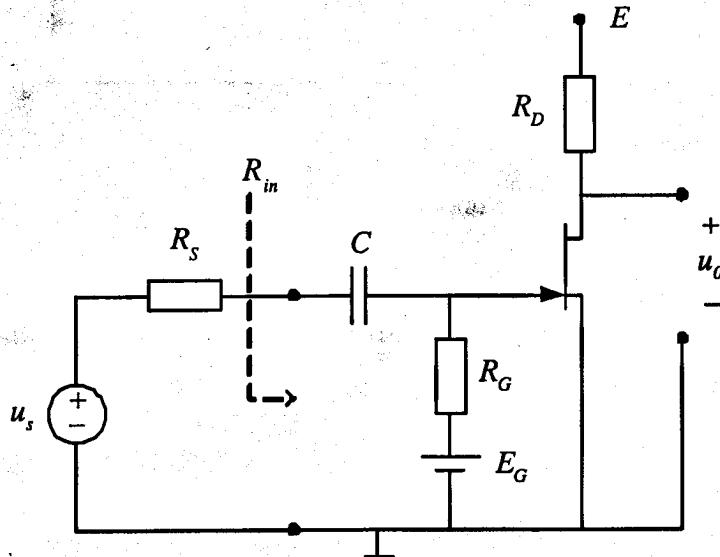
$$E_G = -1.0 \text{ V}$$

$$R_G = 100 \text{ k}\Omega$$

För transistorn gäller

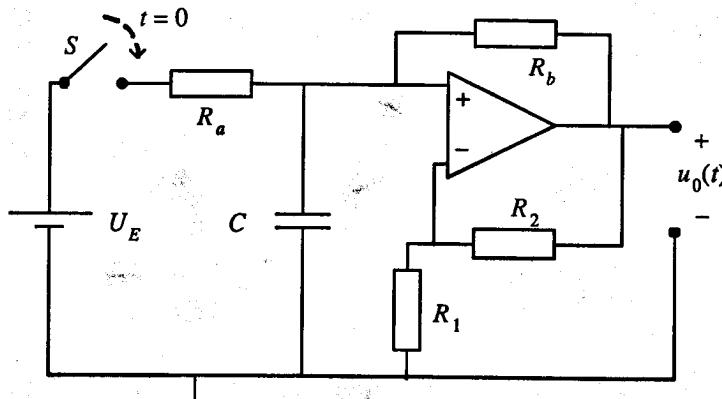
$$I_{DSS} = 5.0 \text{ mA}$$

$$U_P = -3.0 \text{ V}$$



Figur 3: JFET förstärkare

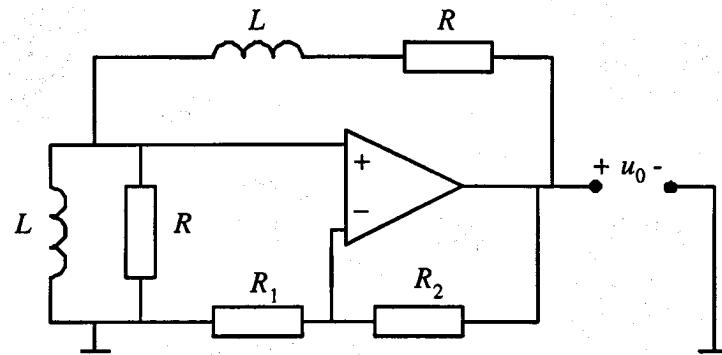
4. I kretsen i figur 4 stängs brytaren  $S$  vid tidpunkten  $t = 0$ . Beräkna kvoten  $\frac{R_2}{R_1}$  så att utsignalen  $u_0(t)$  bildar en ramp. Spänningen över kapacitansen  $C$  är noll för  $t < 0$ . Operationsförstärkaren kan anses ideal samt negativt återkopplad. Dessutom är likspänningsskällans värde,  $U_E$ , samt komponenterna  $R_a$ ,  $R_b$  och  $C$  kända.



Figur 4: Förstärkare

(En ramp är en signal som växer linjärt med tiden  $t$ , alltså är  $u_0(t) = Kt$  för  $t \geq 0$  och  $K \in \mathbb{R}$ ).

5. En oscillatorkrets visas i figur 5. Beräkna värdet på  $R_2$  så att kretsen svänger sinusformigt. Vad blir svängningsfrekvensen? Antag ideal operationsförstärkare. Antag även att  $R$ ,  $L$  och  $R_1$  är kända.



Figur 5: Oscillator

6. En förstärkare,  $F$ , enligt ekvation 1 återkopplas med ett resistivt nät. Bestäm värdet på återkopplinsfaktorn  $\beta$  så att en amplitudmarginal om 20 dB erhålls.

$$F = \frac{F_0}{(1 + \frac{s}{\omega_1})(1 + \frac{s}{\omega_2})(1 + \frac{s}{\omega_3})} \quad (1)$$

$$\omega_1 = 2\pi \cdot 10^4 \text{ r/s} \quad \omega_2 = 2\pi \cdot 10^5 \text{ r/s} \quad \omega_3 = 2\pi \cdot 10^6 \text{ r/s}$$

$$F_0 = 1.0 \cdot 10^5$$

Tentamen  
ess115 Elektriska Nät och System, F2

Examinator: Ants R. Silberberg

28 augusti 2004 kl. 08.45-12.45 sal V

Förfrågningar: Johan Degerman, Tel. 8062

Lösningar: Anslås måndagen den 30 augusti på institutionens anslagstavla, plan 5.

Resultat: Anslås fredagen den 10 september kl. 14 på institutionens anslagstavla, plan 5.

Granskning: Måndagen den 13 september kl. 12.30 - 14.30 , rum 5432.

Bedömning: En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt angivet svar ger full poäng.

Hjälpmittel

- Typgodkänd miniräknare
- Beta Mathematics Handbook
- Physics Handbook
- Sammanfattning Kretselektronik (A4-häfte)

Betygsgränser (6 uppgifter om vardera 3 poäng).

|       |       |        |         |       |
|-------|-------|--------|---------|-------|
| Poäng | 0-7.5 | 8-11.5 | 12-14.5 | 15-18 |
| Betyg | U     | 3      | 4       | 5     |

OBS! Skriv namn och personnummer på varje sida. Lycka till!

1. Betrakta diodkretsen i figur 1 nedan. Bestäm relationen mellan in- och utspänningarna,  $u_0 = f(u_{in})$ , och åskådliggör denna i en graf. Gör även en tydlig skiss över utsignalen  $u_0(t)$  då insignalen  $u_{in}(t) = 15 \sin(\omega t)$ . Antag ideala dioder.

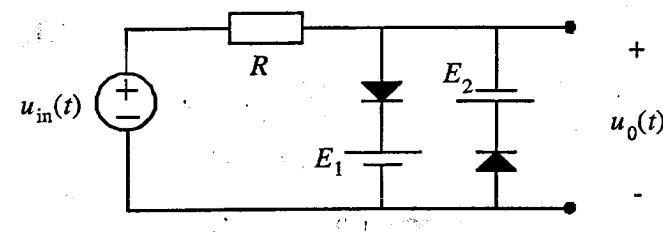


Figure 1: Diodkrets

$$E_1 = 6 \text{ V}$$

$$E_2 = 9 \text{ V}$$

$$R = 2 \text{ k}\Omega$$

$$\omega = 2\pi \text{ rad/s}$$

2. Betrakta  $LC$ -filtret i figur 2. Ta fram överföringsfunktionen  $\frac{Y(s)}{X(s)}$  och ange vilken typ av filter det är. Vid vilken frekvens är fasskillnaden mellan utsignal och insignal  $-90^\circ$ ? Beräkna även filtrets förstärkning vid denna frekvens.

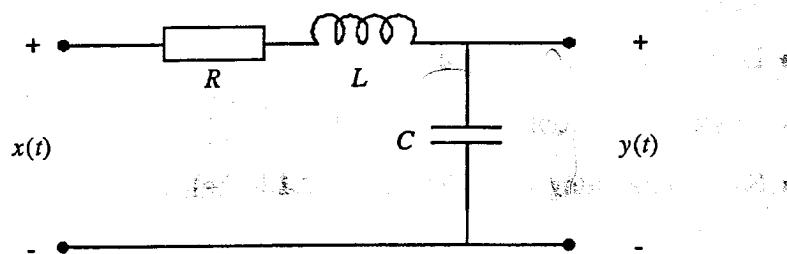


Figure 2:  $LC$ -filter

$$L = 1.0 \text{ mH}$$

$$R = 337 \Omega$$

$$C = 2.2 \text{ nF}$$

3. Studera kretsen i figur 3. Beräkna spänningsförstärkningen  $\frac{u_o}{u_s}$ . Beräkna dessutom hela förstärkarens in- resp. utimpedans. Antag ideal operationsförstärkare.

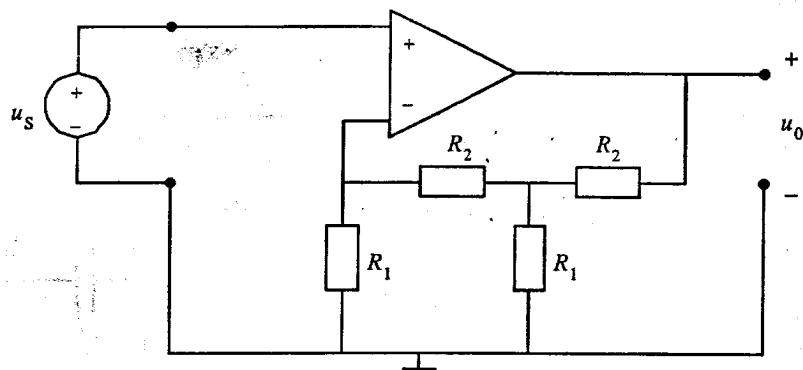


Figure 3: Enkel förstärkare

$$R_1 = 10 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 100 \text{ k}\Omega$$

4. Ta fram Nortons ekvivalenta krets (med avseende på noderna A och B) till nätet i figur 4. Sinusformat stationärtilstånd råder.

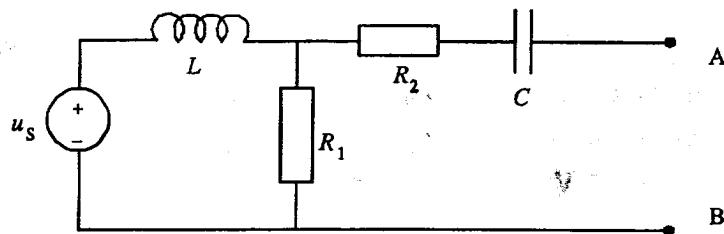


Figure 4: Växelströmsnät

$$L = 10 \text{ mH} \quad C = 4.0 \mu\text{F} \quad R_1 = 100 \Omega \quad R_2 = 50 \Omega$$

$$u_s(t) = 100 \cos(\omega t) \text{ V} \quad \omega = 10 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$$

5. Beräkna transistorns arbetspunkt ( $I_C$ ,  $U_{CE}$ ). Beräkna även spänningförstärkningen  $\frac{u_o}{u_{in}}$  i transistorförstärkaren i figur 5. Låt då belastningsresistansen  $R_L$  vara ansluten till kretsen. Beräkna dessutom förstärkarens inimpedans  $R_{in}$  (med källan [ $u_s$  och  $R_s$ ] bortkopplad) samt utimpedansen  $R_{out}$  (med  $R_L$  bortkopplad).

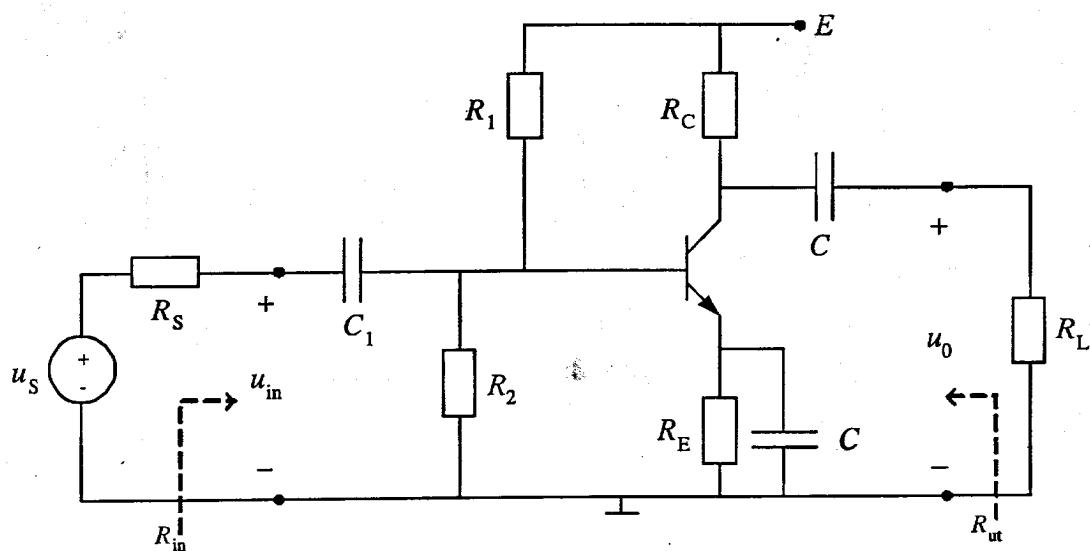


Figure 5: Transistorförstärkare

$$R_s = 500 \Omega$$

$$R_1 = 10 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 5.0 \text{ k}\Omega$$

$$R_C = 1.0 \text{ k}\Omega$$

$$R_E = 1.0 \text{ k}\Omega$$

$$R_L = 2.0 \text{ k}\Omega$$

$$h_{ie} = 630 \Omega$$

$$h_{fe} = \beta = 100$$

$$E = 15 \text{ V}$$

$$U_{BE} = 0.7 \text{ V}$$

Övriga transistorparametrar kan försummas. Även impedanserna  $\frac{1}{\omega C}$  och  $\frac{1}{\omega C_1}$  kan anses vara försumbara vid aktuella signalfrekvenser.

6. En kretsmodell av en verlig operationsförstärkare ( $F$ ) presenteras i figur 6. Denna operationsförstärkare används i en förstärkarkoppling enligt figur 7. Beräkna bandbredden hos den förstärkare som erhålls då tre förstärkare enligt figur 7 kaskadkopplas.

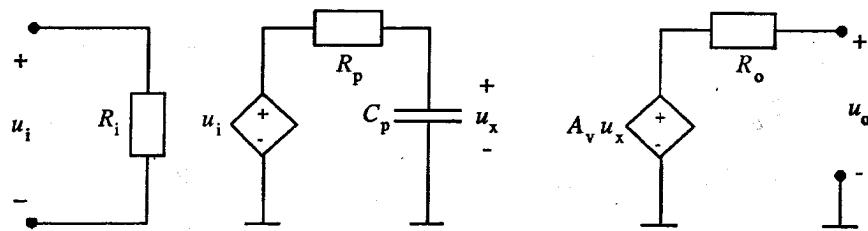


Figure 6: Modell av verklig OP-förstärkare, F

$$R_i \approx \infty \Omega$$

$$C_p = 7.96 \mu\text{F}$$

$$R_p = 1.0 \text{ k}\Omega$$

$$A_v = 10^5 \text{ ggr}$$

$$R_o \approx 0 \Omega$$

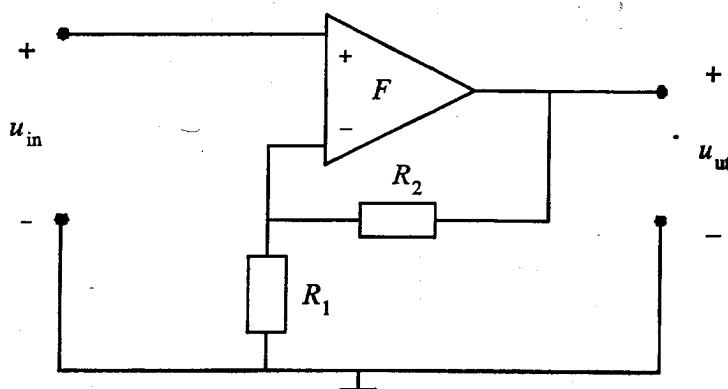
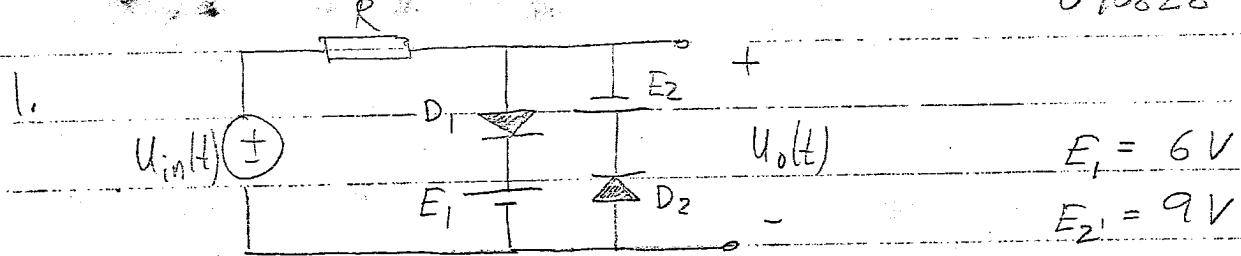


Figure 7: Förstärkarkoppling,  $F_{tot} = \frac{u_{out}}{u_{in}}$

$$R_1 = 1.0 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 99 \text{ k}\Omega$$



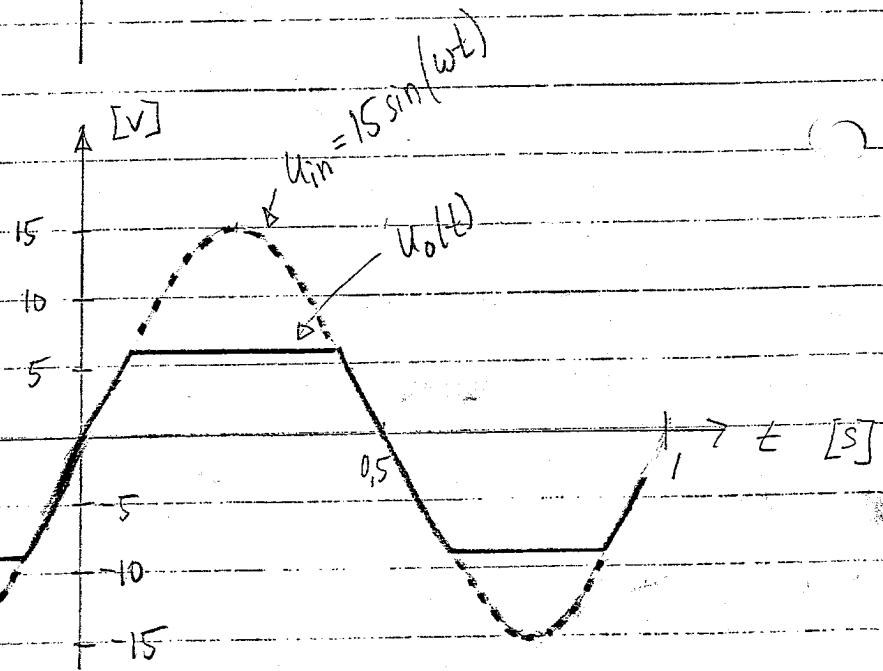
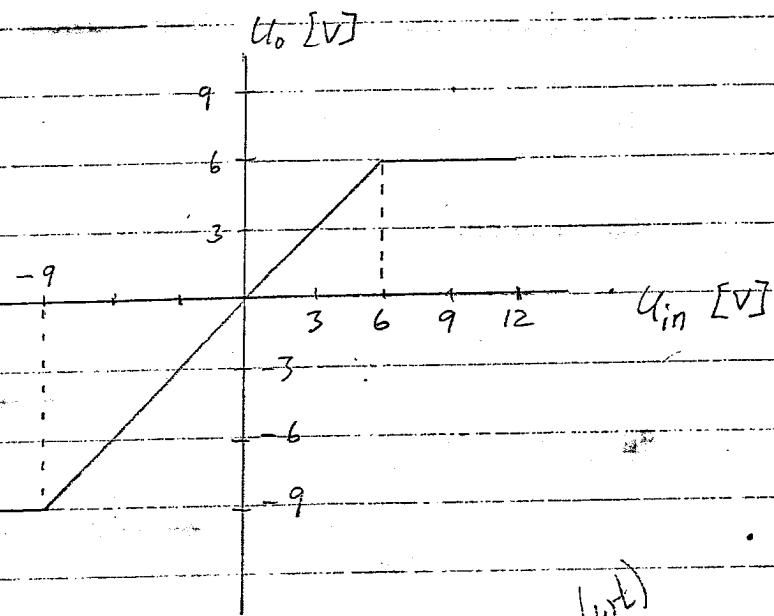
$$D_1 \quad D_2 \quad U_o =$$

$0 < U_{in} < E_1$  Spärrar spärrar  $U_{in}$

$U_{in} > E_1$  Leder spärrar  $E_1$

$E_2 < U_{in} < 0$  Spärrar spärrar  $U_{in}$

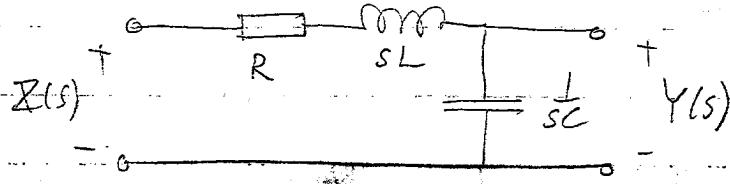
$U_{in} < E_2$  Spärrar Leder  $-E_2$



ess 115  
040828

### Laplacetransf. nätet

2.



$$L = 6.0 \text{ mH}$$

$$C = 2.2 \text{ nF}$$

$$R = 337 \Omega$$

$$\text{Sp. delning } Y(s) = \frac{I(s) \cdot \frac{1}{sC}}{R + sL + \frac{1}{sC}} = \frac{I(s)}{1 + sRC + s^2 LC}$$

$$H(s) = \frac{Y(s)}{I(s)} = \frac{1}{s^2 LC + sRC + 1} = \frac{1}{s^2 + s \frac{R}{L} + \frac{1}{LC}}$$

Konstant i fälgaren  $\Rightarrow$  Lagpass filter

Frekvensssvar ( $j\omega$ -metoden, sätt  $s=j\omega$ )

$$H(j\omega) = \frac{\frac{1}{LC}}{\left(\frac{1}{LC} - \omega^2\right) + j\omega \frac{R}{L}}$$

$$\text{För } \left(\frac{1}{LC} - \omega^2\right) = 0 \text{ är } H(j\omega) = -j \frac{\frac{1}{LC}}{\omega R}$$

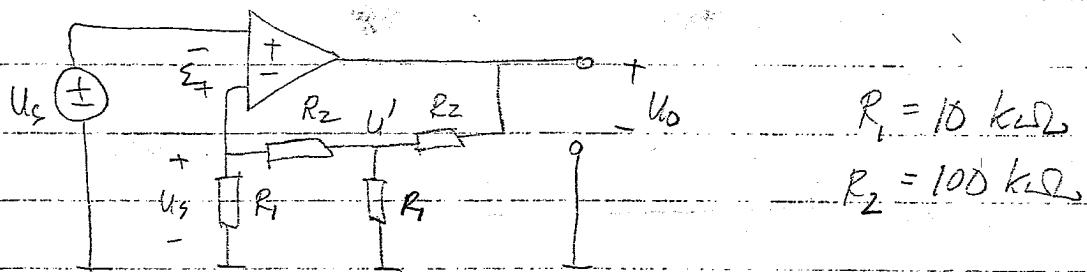
Vilket erhålls för  $\boxed{\omega = \omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}}$

$$H(j\omega_0) = -j \frac{\frac{1}{LC}}{\sqrt{\frac{1}{LC}} \frac{R}{L}} = -j \frac{1}{\sqrt{LC}} \frac{L}{R} = -j \sqrt{\frac{L}{C}} \frac{1}{R} =$$

$$= \left| \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} \right| \angle -90^\circ \quad \text{Fasridning: } -90^\circ$$

$$|H(j\omega_0)| = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{1}{337} \sqrt{\frac{10^{-3}}{2.2 \cdot 10^{-9}}} = 2.0$$

3.



$$R_1 = 10 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 100 \text{ k}\Omega$$

Ideal OP-amp,  $\sum = 0$   
Neg. öterk.

Sp. delning

$$i_{op} = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} U_s = U' \frac{R_1}{R_1 + R_2} \\ U' = U_o \frac{(R_1 + R_2) // R_1}{(R_1 + R_2) // R_1 + R_2} = U_o \frac{R_1 + R_2 + R_1}{(R_1 + R_2) R_1 + R_2} = U_s \frac{R_1 + R_2}{R_1} \end{array} \right.$$

$$U_o \frac{(R_1 + R_2) R_1}{(R_1 + R_2) R_1 + 2R_1 R_2 + R_2^2} = U_s \frac{R_1 + R_2}{R_1}$$

$$\frac{U_o}{U_s} = \frac{R_1^2 + 3R_1 R_2 + R_2^2}{R_1^2} = 1 + 3 \frac{R_2}{R_1} + \left(\frac{R_2}{R_1}\right)^2$$

$$R_1 = 10 \text{ k}\Omega, R_2 = 100 \text{ k}\Omega$$

$$\frac{U_o}{U_s} = 1 + 3 \cdot \frac{100}{10} + \left(\frac{100}{10}\right)^2 = 1 + 30 + 100 = 131$$

För hela förstärkaren gäller

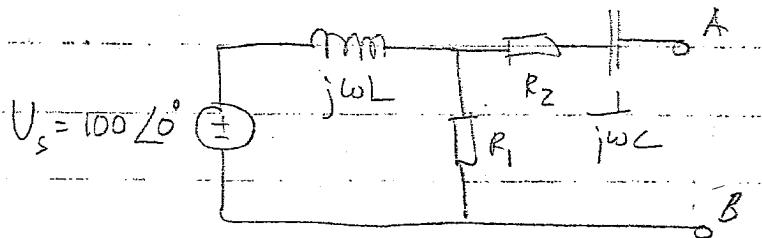
$$R_{in} = R_{i_{op}} = \infty$$

$$R_{out} = R_{o_{op}} = 0$$

4.

$j\omega$ -transformera

$$u_s(t) = 100 \cos(\omega t)$$



$$\omega = 10 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$$

$$U_s = 100 \angle 0^\circ \text{ V}$$

$$L = 10 \text{ mH}$$

$$\omega L = 0,01 \cdot 10 \cdot 10^3 = 100 \Omega$$

$$C = 4,0 \cdot 10^{-6}$$

$$\frac{1}{\omega C} = \dots = 25$$

Nortons ekv. tvärapol

Tomgångssp.:  $U_{AB}$

$$R_1 = 100 \Omega, R_2 = 50 \Omega$$

$$U_{AB} = U_s \cdot \frac{R_1}{R_1 + j\omega L} = 100 \cdot \frac{100}{100 + j100} = 100 \cdot \frac{1}{1+j} = \frac{100(1-j)}{2}$$

$$Z_{ekv} = \frac{1}{j\omega C} + R_2 + \frac{j\omega L \cdot R_1}{j\omega L + R_1} = -j25 + 50 + \frac{j100 \cdot 100}{100 + j100}$$

$$= 50 - j25 + j100 \cdot \frac{1}{1+j} = 50 - j25 + j100 \cdot \frac{(1-j)}{2} =$$

$$= 50 - j25 + j50 + 50 = 100 + j25$$

$$\text{Kortslutn. ström } I_{sc} = \frac{U_{AB}}{Z_{ekv}} = \frac{50(1-j)}{100 + j25} =$$

$$= \frac{2(1-j)}{4+j} = \frac{2\sqrt{2} / \arctan(-\frac{1}{2})}{\sqrt{17} / \arctan(\frac{1}{4})} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{17}} \frac{-45^\circ}{\arctan(-1) - \arctan(\frac{1}{4})}$$

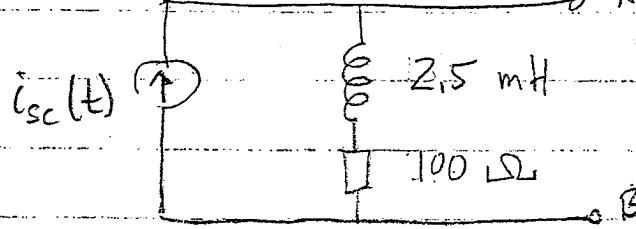
$$I_{sc} = 0,686 \angle -59,0^\circ$$

$$Z_{ekv} = 100 + j25$$

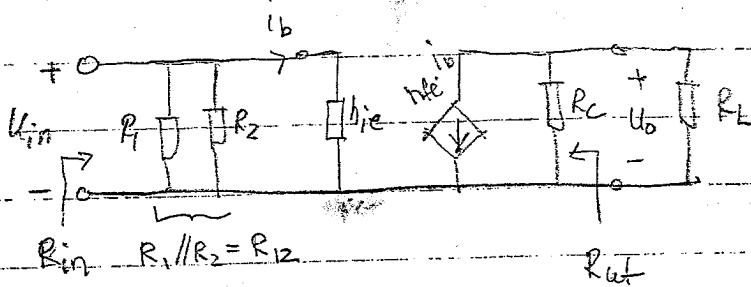
$$i_{sc} = 0,686 \cos(\omega t - 59,0^\circ) \text{ A}$$

$$j25 = j\omega L_e$$

$$L_e = \frac{25}{\omega} = 25 \cdot 10^{-3}$$



## 5. Smäsignalschema



$$\begin{cases} U_{in} = i_b \cdot h_{ie} \\ U_o = -h_{fe} \cdot i_b \cdot R_c \parallel R_L \end{cases}$$

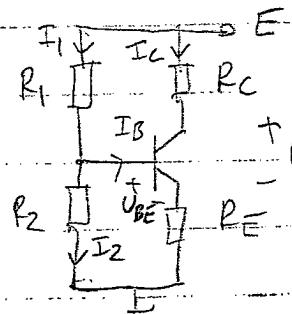
$$\frac{U_o}{U_{in}} = \frac{h_{fe} \cdot R_c \cdot R_L}{h_{ie} \cdot R_c + R_L} = \frac{100 \cdot 10^3 \cdot 2 \cdot 10^3}{(1+2) \cdot 10^3} = -106$$

$$R_{in} = R_1 \parallel R_2 \parallel h_{ie} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{h_{ie}}} = \frac{1}{\frac{1}{10^4} + \frac{1}{5 \cdot 10^3} + \frac{1}{630}} = 530 \Omega$$

$$R_{out} = R_c = 1.0 \text{ k}\Omega$$

Hörsel 5

## Beräkning av arbetspunkt (stosignalberedning)



$$I_C = \beta I_B$$

$$I_2 R_Z = U_{BE} + (I_B + I_C) R_E$$

$$I_2 = \frac{U_{BE}}{R_Z} + I_B (1 + \beta) \frac{R_E}{R_Z}$$

$$I_1 = I_2 + I_B = \frac{U_{BE}}{R_Z} + I_B \left[ 1 + (1 + \beta) \frac{R_E}{R_Z} \right]$$

$$E = I_1 R_1 + U_{BE} + I_B (1 + \beta) R_E$$

$$E = U_{BE} \frac{R_1}{R_Z} + I_B \left[ R_1 + (1 + \beta) R_E \frac{R_1}{R_Z} \right] + U_{BE} + I_B (1 + \beta) R_E$$

$$E - U_{BE} \left( \frac{R_1}{R_Z} + 1 \right) = I_B \left[ R_1 + (1 + \beta) R_E \frac{R_1}{R_Z} + I_B (1 + \beta) R_E \right]$$

$$R_1 + (1 + \beta) R_E \left( \frac{R_1}{R_Z} + 1 \right)$$

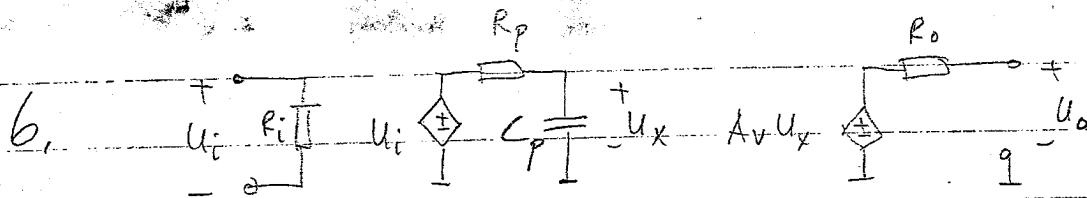
$$I_B = \frac{E - U_{BE} \left( \frac{R_1}{R_Z} + 1 \right)}{R_1 + (1 + \beta) \left( \frac{R_1}{R_Z} + 1 \right) R_E} = \frac{15 - 0,7 (2+1)}{(10 + 101 \cdot 3) \cdot 10^3} = 44,2 \cdot 10^{-6}$$

$$I_C = \beta I_B = 4,12 \text{ mA}$$

$$E = R_C I_C + U_{CE} + (1 + \beta) I_B R_E$$

$$U_{CE} = E - R_C I_C - (1 + \beta) I_B R_E = 15 - 1 \cdot 4,12 - 101 \cdot 0,0412 = 6,72 \text{ V}$$

$$\text{Svar: } I_C = 4,12 \text{ mA } U_{CE} = 6,72 \text{ V}$$



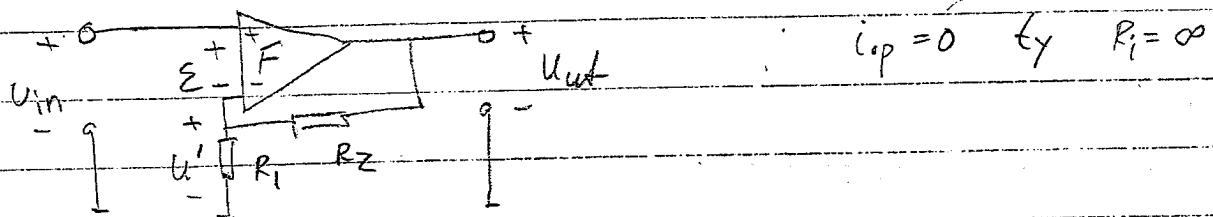
$$U_x = U_i \frac{\frac{1}{sC_p}}{R_p + \frac{1}{sC_p}} = \frac{1}{1 + sR_p C_p}$$

$$U_o = A_v U_x$$

$$\frac{U_o}{U_i} = F = \frac{A_v}{1 + sR_p C_p} = \frac{A_v}{1 + \frac{s}{\omega_p}}$$

$$\omega_p = \frac{1}{R_p C_p} = \frac{1}{7.96 \cdot 10^{-6} \cdot 10^2} = 125,6 \text{ rad/s}$$

$\omega_p$  = brytfrekvens, bandbredd



$$\left\{ \begin{array}{l} U_{out} = F \cdot \varepsilon \\ U' = U_{out} \frac{R_1}{R_1 + R_2} \\ U_{in} = \varepsilon + U' \end{array} \right.$$

$$U_{in} = \frac{U_{out}}{F} + U_{out} \frac{R_1}{R_1 + R_2} = U_{out} \left( \frac{1}{F} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \right)$$

$$\frac{U_{out}}{U_{in}} = \frac{1}{1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2}}$$

$$\frac{U_{out}}{U_{in}} = \frac{\frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_p}} + \frac{R_1}{R_1 + R_2}}{\frac{Av}{1 + \frac{s}{\omega_p}} + \frac{R_1}{R_1 + R_2}} = \frac{1 + \frac{s}{\omega_p} + A_v R_1}{1 + \frac{s}{\omega_p} + (A_v R_1 + R_2)}$$

1/2006 6

$$U_{in} = \frac{Av}{\left(1 + \frac{AvR_1}{R_1 + R_2}\right)\left(1 + \frac{s}{\omega_p \left(1 + \frac{AvR_L}{R_1 + R_2}\right)}\right)}$$

$$= \frac{Av}{\left(1 + \frac{AvR_L}{R_1 + R_2}\right)\left(1 + \frac{s}{\omega_p}\right)}$$

$$\omega_f = \omega_p \left(1 + \frac{AvR_1}{R_1 + R_2}\right) = 125,6 \left(1 + \frac{10^5 \cdot 10^3}{100 \cdot 10^3}\right) =$$

$$= 125,7 \cdot 10^9 \text{ rad/s} \quad (\text{Bandbredd hos } F_{tot})$$

Kaskadkoppling  $n=3$  (Lika först.)

$$\omega_0^n = \omega_f \sqrt{2^{1/3} - 1} = \omega_f \cdot 0,51 = 64,1 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$$

$$\text{eller } f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = 10,2 \text{ kHz}$$

# Tentamen ess115 Elektriska Nät och System, F2

Examinator: Ants R. Silberberg

16 april 2004 kl. 08.45-12.45 sal V

Förfrågningar: Ants Silberberg, tel. 1808

Lösningar: Anslås måndagen den 19 april på institutionens  
anslagstavla, plan 5.

Resultat: Anslås fredagen den 30 april kl. 14 på institutio-  
nens anslagstavla, plan 5.

Granskning: Tisdagen den 4 maj kl. 13.00 - 15.00 , rum 5432.

Bedömning: En korrekt och välmotiverad lösning med ett tyd-  
ligt angivet svar ger full poäng.

## Hjälpmittel

- Typgodkänd miniräknare
- Beta Mathematics Handbook
- Physics Handbook
- Sammanfattning Kretselektronik (A4-häfte)

Betygsgränser (6 uppgifter om vardera 3 poäng).

| Poäng | 0-7.5 | 8-11.5 | 12-14.5 | 15-18 |
|-------|-------|--------|---------|-------|
| Betyg | U     | 3      | 4       | 5     |

OBS! Skriv namn och personnummer på varje sida. Lycka till!

1. Betrakta likströmsnätet i figur 1. Beräkna effektutvecklingen i resistans  $R_2$ .

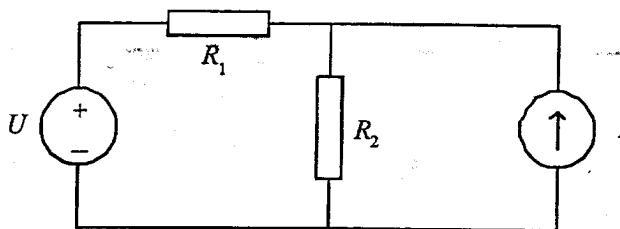


Figure 1: Likströmsnät.

$$R_1 = 25 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 50 \text{ k}\Omega$$

$$U = 15 \text{ V}$$

$$I = 3 \text{ mA}$$

2. Beräkna spänningen  $u_0$  över induktansen i nätet som beskrivs av figur 2. Antag att stationär tillstånd råder.

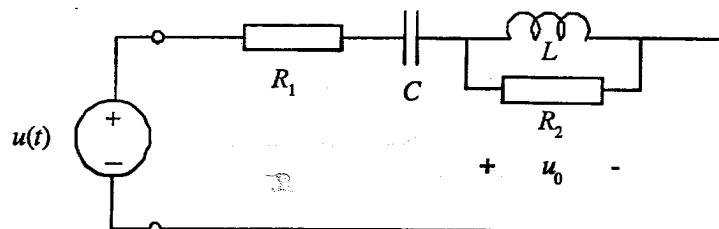


Figure 2: Växelströmsnät.

$$C = 200 \mu\text{F}$$

$$L = 50 \text{ mH}$$

$$R_1 = 5 \Omega$$

$$R_2 = 50 \Omega$$

$$u(t) = 10 \cos(500t) \text{ V}$$

3. Beräkna utspänningen  $u_0(t)$  för  $t \geq 0$  då insignalen  $u_{in}(t) = 10\Theta(t)$  V. Begynnelsespänningen (vid  $t = 0$ ) över kapacitanserna  $C_1$  och  $C_2$  är noll.

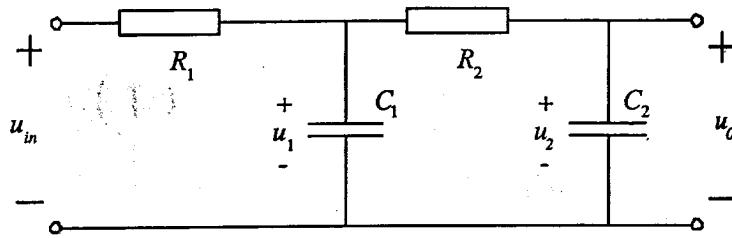


Figure 3: RC-nät.

$$R_1 = 1.0 \text{ } M\Omega$$

$$C_1 = 2.0 \text{ } \mu F$$

$$R_2 = 2.0 \text{ } M\Omega$$

$$C_2 = 1.0 \text{ } \mu F$$

$\Theta(t)$  = enhetsteget

4. Beräkna utspänningen  $u_0$  som funktion av inspänningarna  $u_1$  och  $u_2$ . Antag ideala operationsförstärkare.

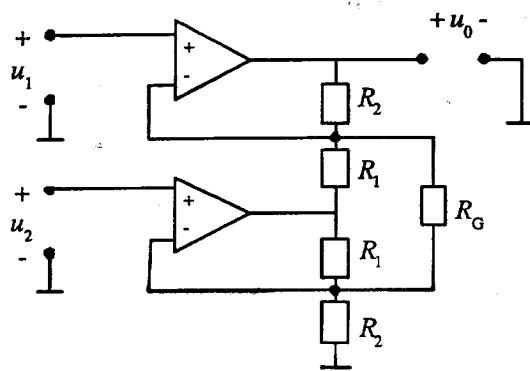


Figure 4: OP-förstärkarkrets.

5. Två identiska fälteffekttransistorer är sammankopplade enligt figur 5. Var och en av dessa transistorer har parametrarna  $g_m$ ,  $I_{DSS}$  och  $U_P$ . Betrakta kopplingen som en ekvivalent transistor med *drain*  $D_e$ , *source*  $S_e$  och *gate*  $G_e$ . Beräkna den ekvivalenta transistorns parametrar  $g_{me}$ ,  $I_{DSSe}$  och  $U_{Pe}$ .

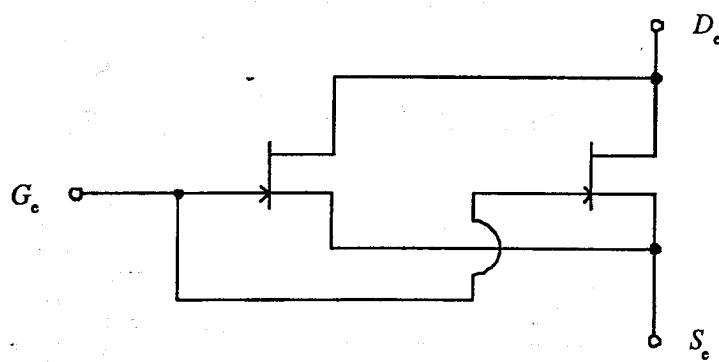
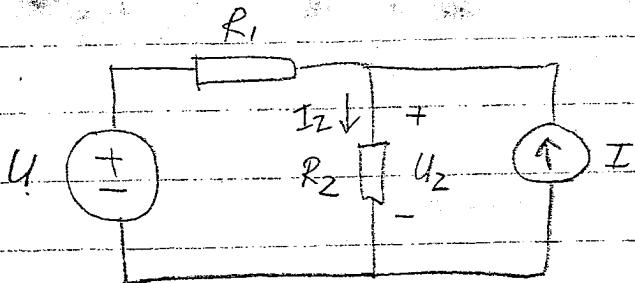


Figure 5: JFET-koppling.

6. Tre lika förstärkare,  $A(j\omega)$ , kaskadkopplas. Den kaskadkopplade förstärkaren återkopplas negativt med återkopplingsfaktorn  $\beta$  där  $\beta$  är reell. Den återkopplade förstärkarens slingförstärkning blir då  $T(j\omega) = -\beta A^3(j\omega)$ . Beräkna  $\beta$  så att en amplitudmarginal på 12.04 dB erhålls.

$$A(j\omega) = \frac{1}{1 + j\omega}$$



Beräkna  $U_2$ .

Använd tex superposition.

I: Låt  $I=0$  ("Avbrott")

$$U_{21} = U \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad \text{Sp. delning}$$

II: Låt  $U=0$  ("Kortslutning")

$$I'_{21} = I \frac{R_1}{R_1 + R_2} \quad \text{Strömdelning}$$

$$\text{och } U_{22} = R_2 I'_{21} = I \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

Summa bidragen.

$$U_2 = U_{21} + U_{22} = 15 \cdot \frac{50}{25+50} + 3 \cdot \frac{25 \cdot 50}{25+50} = 10 + 50 = 60 \text{ V}$$

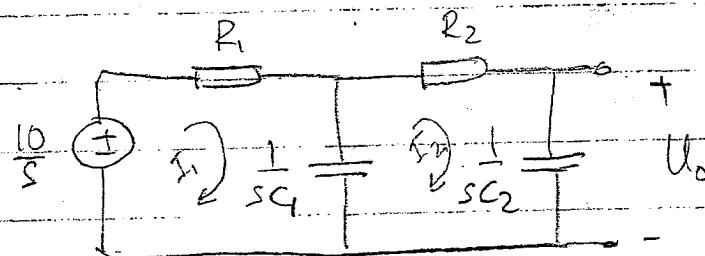
$$P_{R_2} = U_2 I_2 = \frac{U_2^2}{R_2} = \frac{60^2}{50 \cdot 10^3} = 0,072$$

Svar: 72 mW



## Laplacetransformera

3.



Berekna  $I_2$ , Maskanalys

$$\begin{vmatrix} R_1 + \frac{1}{sC_1} & -\frac{1}{sC_1} \\ \frac{1}{sC_1} & R_2 + \frac{1}{sC_1} + \frac{1}{sC_2} \end{vmatrix} \begin{vmatrix} I_1 \\ I_2 \end{vmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{10}{s} \\ 0 \end{pmatrix}$$

Cramers Regel

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} R_1 + \frac{1}{sC_1} & \frac{10}{s} \\ \frac{1}{sC_2} & 0 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_1 + \frac{1}{sC_1} & -\frac{1}{sC_1} \\ -\frac{1}{sC_1} & R_2 + \frac{1}{sC_1} + \frac{1}{sC_2} \end{vmatrix}} = \frac{\frac{10}{s^2 C_1}}{(R_1 + \frac{1}{sC_1})(R_2 + \frac{1}{sC_1} + \frac{1}{sC_2})} \frac{1}{s^2 C_1}$$

$$\frac{10}{s^2 C_1} = \frac{R_1 R_2 + \frac{R_1}{sC_1} + \frac{R_1}{sC_2} + \frac{R_2}{sC_1} + \frac{1}{s^2 C_1^2} + \frac{1}{s^2 C_1 C_2} - \frac{1}{s^2 C_1^2}}{s^2 C_1 C_2}$$

$$C_2 \cdot 10$$

$$1 + s(R_1 C_2 + R_1 C_1 + R_2 C_2) + s^2 R_1 R_2 C_1 C_2$$

Frsh 3

$$= \{ \text{numeriska värden} \} =$$

$$\frac{C_2 \cdot 10}{1 + s(1+2+2) + s^2(4)} =$$

$$\frac{C_2 \cdot 10/4}{s^2 + s \frac{5}{4} + \frac{1}{4}} = \begin{cases} \text{Rötter: } s_{1,2} = -\frac{5}{8} \pm \sqrt{\frac{25}{64} - \frac{16}{64}} \\ s_{1,2} = -\frac{5 \pm 3}{8} = \begin{cases} -1 \\ -0,25 \end{cases} \end{cases}$$

$$\frac{C_2 \cdot 10/4}{(s+1)(s+0,25)}$$

$$U_0 = \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{sC_2} = \frac{\frac{5}{2}}{s(s+1)(s+0,25)} = \frac{A}{s} + \frac{B}{s+1} + \frac{C}{s+0,25}$$

$$A = \frac{\frac{5}{2}}{1 \cdot 0,25} = \frac{5}{2} \cdot \frac{4}{1} = 10$$

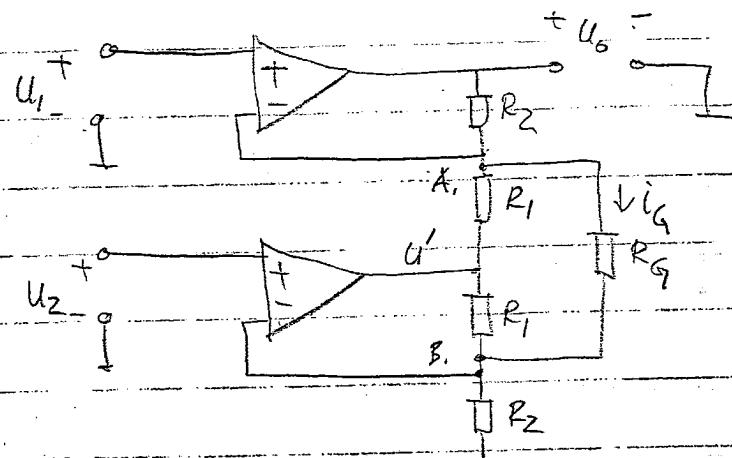
$$B = \frac{5}{2} \cdot \frac{1}{(-1)(-0,75)} = \frac{5}{2} \cdot \frac{4}{3} = \frac{10}{3}$$

$$C = \frac{5}{2} \cdot \frac{1}{(-0,25)(0,75)} = \frac{-5}{2} \cdot \frac{4}{1} \cdot \frac{4}{3} = -\frac{40}{3}$$

$$U_0 = \frac{10}{s} + \frac{10}{3} \cdot \frac{1}{(s+1)} - \frac{40}{3} \cdot \frac{1}{(s+0,25)} = 10 \left( \frac{1}{s} + \frac{1}{3} \frac{1}{(s+1)} - \frac{4}{3} \frac{1}{(s+0,25)} \right)$$

Inv. Laplace transf.

$$u_0(t) = 10 \left( 1 + \frac{1}{3} e^{-t} - \frac{4}{3} e^{-0,25t} \right) \text{ för } t \geq 0$$



Ideal Op-först. }  
Neg. återk. }  $\Sigma = 0$

$$i_{op} = 0$$

$$KCL_A: \frac{u_0 - u_1}{R_2} + \frac{u' - u_1}{R_1} + \frac{u_2 - u_1}{R_G} = 0 \quad (1)$$

$$KCL_B: \frac{u_2}{R_2} + \frac{u_2 - u_1}{R_G} + \frac{u_2 - u'}{R_1} = 0 \quad (2)$$

$$(1): \frac{u_0}{R_2} - u_1 \left( \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_G} \right) + \frac{u_2}{R_G} = - \frac{u'}{R_1}$$

$$(2): - \frac{u'}{R_1} = \frac{u_1}{R_G} - u_2 \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_G} \right)$$

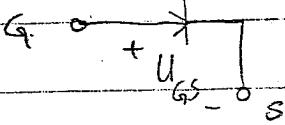
$$\frac{u_0}{R_2} = u_1 \left( \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_G} \right) - \frac{u_2}{R_G} + \frac{u_1}{R_G} - u_2 \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_G} \right) =$$

$$= u_1 \left[ \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{2}{R_G} \right] - u_2 \left[ \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{2}{R_G} \right]$$

Svar:  $u_o = (u_1 - u_2) \left[ 1 + \frac{R_2}{R_1} + \frac{2R_2}{R_G} \right]$

5.

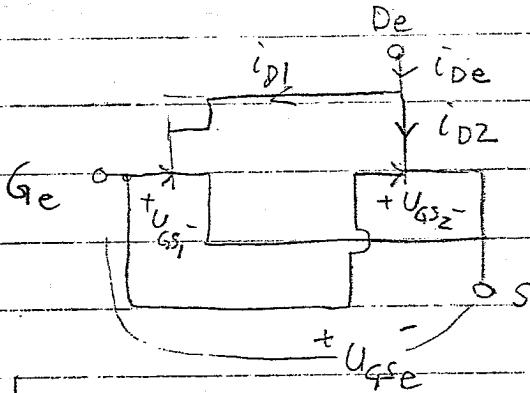
$i_D$



$$i_D = I_{DSS} \left( 1 - \frac{U_{GS}}{U_P} \right)^2 \quad (\text{A})$$

$$g_m = \frac{\partial i_D}{\partial U_{GS}} =$$

$$= \frac{2I_{DSS}}{U_P} \left( 1 - \frac{U_{GS}}{U_P} \right) \quad (\text{E})$$



$$U_{GS_e} = U_{GS_1} = U_{GS_2}$$

$$i_{D1} + i_{D2} = i_{De} =$$

$$= I_{DSS} \left( 1 - \frac{U_{GS_1}}{U_P} \right)^2 + I_{DSS} \left( 1 - \frac{U_{GS_2}}{U_P} \right)^2$$

$$= 2I_{DSS} \left( 1 - \frac{U_{GS_e}}{U_P} \right)^2 \quad (\text{B})$$

$$g_{me} = \frac{\partial i_{De}}{\partial U_{GS}} = \frac{-4I_{DSS}}{U_P} \left( 1 - \frac{U_{GS_e}}{U_P} \right) \quad (\text{D})$$

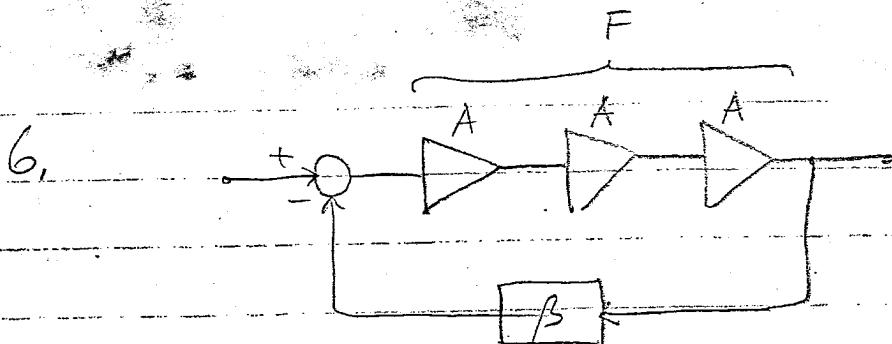
Ekivalent transistör

$$i_{De} = I_{DSse} \left( 1 - \frac{U_{GS_e}}{U_{Pe}} \right) \quad (\text{C})$$

Jämför ekr. B och C. Eftersom  $U_{GS_e} = U_{GS}$  får vi.

$$I_{DSse} = 2I_{DSS} \text{ och } U_{Pe} = U_P$$

Jämför ekr. D och E. Vi ser att  $g_{me} = 2 \cdot g_m$



$$A(j\omega) = \frac{1}{1+j\omega}$$

$$\frac{\text{Uut}}{\text{Uin}} = \frac{F}{1+\beta F} = \frac{A^3(j\omega)}{1+\beta A^3(j\omega)}$$

$$\text{Slingförest, } T(j\omega) = -\beta A^3(j\omega)$$

$$\beta F(j\omega) = \beta A^3(j\omega) = \frac{\beta}{(1+j\omega)^3}$$

$$\text{Amplitudmarginal: } G_M = -20 \log |\beta F|_{\omega=\omega_G}$$

där  $\omega_G$  är den vinkelfrek. där  $|\beta F| = -180^\circ$

$$\angle \beta A^3 = -3 \cdot \arctan \left( \frac{\omega}{1} \right) = -180^\circ \text{ för } \beta > 0$$

$$\arctan \omega = 60^\circ \Rightarrow \omega = \sqrt{3} \text{ r/s} = \omega_G$$

$$G_M = 12,04 \text{ dB} \hat{=} |\beta F| = 10^{\frac{12,04}{20}} = 0,25$$

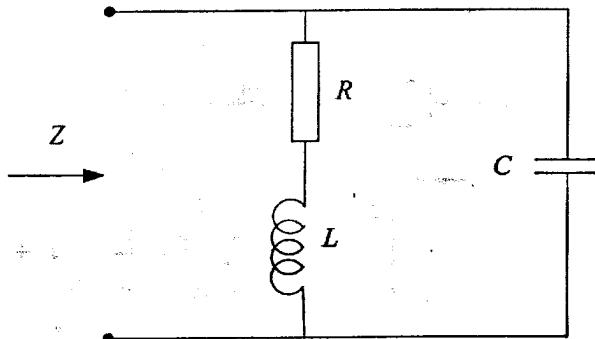
$$\omega = \omega_G: |\beta F| = \frac{\beta}{\left( \sqrt{1+(\sqrt{3})^2} \right)^3} = \frac{1}{4}$$

$$\beta = \frac{1}{4} \cdot (\sqrt{4})^3 = \frac{2^3}{4} = 2$$

Svar:  $\beta = 2$

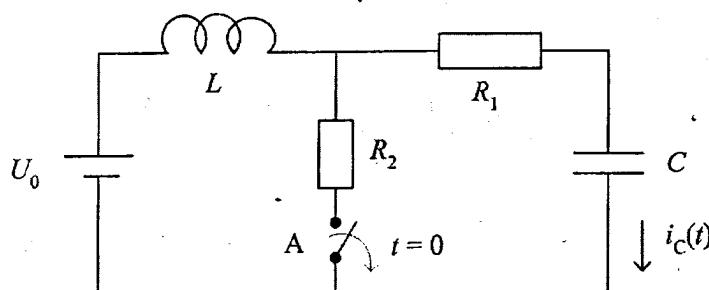
1. Beräkna resonansvinkelfrekvensen hos impedansen i figuren.

$$R = 20\Omega, L = 0.3 \text{ mH och } C = 100 \text{ nF}.$$

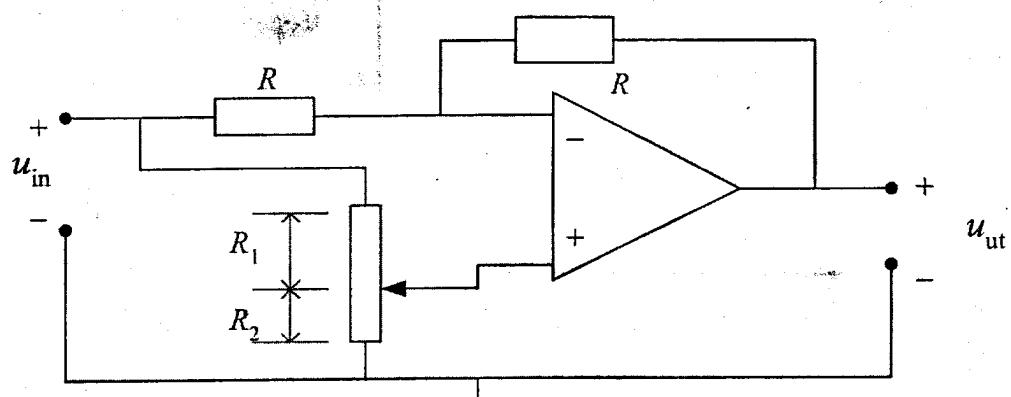


2. Beräkna strömmen  $i_C(t)$  för  $t \geq 0$  i kretsen nedan. Brytaren A har varit sluten under mycket lång tid innan den hastigt öppnas vid  $t = 0$ .

$$L = 1 \text{ H}, R_1 = 2 \Omega, R_2 = 5 \Omega, C = \frac{1}{5} \text{ F}, U_0 = 10 \text{ V}$$



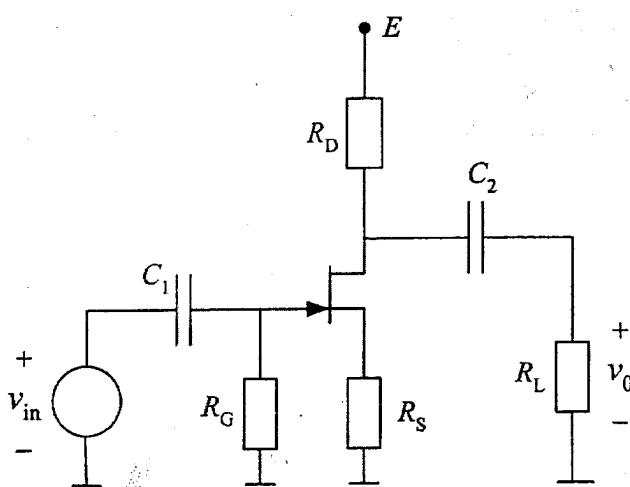
3. Beräkna spänningsförstärkningen  $u_{ut}/u_{in}$  som funktion av  $x$  vilket motsvarar läget hos en potentiometer. Notera att  $R_1 + R_2 = R$  och att fördelningen av resistanser mellan  $R_1$  och  $R_2$  kan varieras och bestäms av  $x$ . Inom vilket intervall kan spänningsförstärkningen variera? Antag ideal operationsförstärkare.
- $$\{ R_1 = R(1-x), R_2 = Rx \}$$



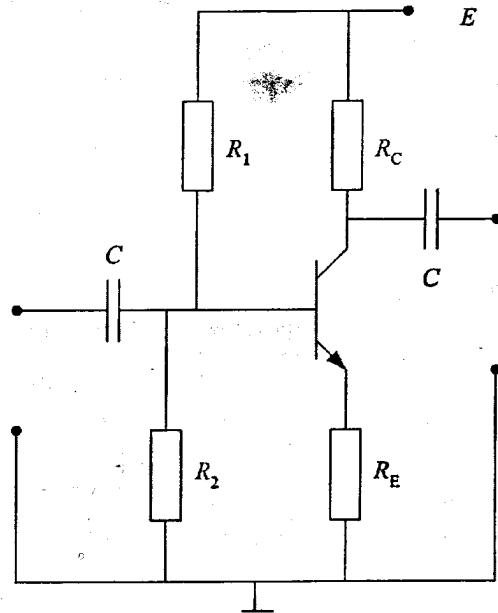
4. Beräkna förstärkningen  $\frac{v_0}{v_{in}}$  i JFET förstärkaren nedan. För transistorn gäller att  $I_{DSS} = 8 \text{ mA}$ ,  $U_p = -4 \text{ V}$ .

Vidare är  $R_D = 1.5 \text{ k}\Omega$ ,  $R_S = 330 \Omega$ ,  $R_L = 2.2 \text{ k}\Omega$ ,  $R_G = 1.0 \text{ M}\Omega$  och  $E = 12 \text{ V}$ .

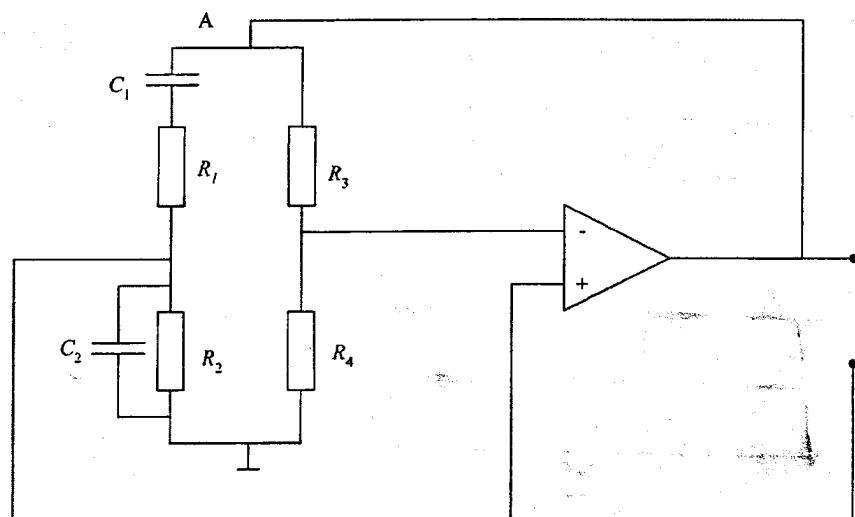
För aktuella signalfrekvenser kan impedansbidragen från  $C_1$  och  $C_2$  försummas.



5. Hur mycket varierar arbetspunkten (kollektorström samt kollektor-emitter spänning) hos transistorn i kretsen nedan då transistorparametern  $\beta$  varierar mellan 100 och 300. I transistorns aktiva området är  $U_{BE}=0.7\text{ V}$   
 $R_C = 1.0\text{ k}\Omega$ ,  $R_E = 1.0\text{ k}\Omega$ ,  $R_1 = 10\text{ k}\Omega$ ,  $R_2 = 5.0\text{ k}\Omega$  och  $E = 15\text{ V}$ .



6. Kretsen nedan kallas för en Wieneroscillator. Beräkna  $R_3$  så att en sinusformad utsignal erhålls. Beräkna även oscillatorns svängningsfrekvens. Antag ideal operationsförstärkare samt att komponenterna  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $C_1$ ,  $C_2$  och  $R_4$  är kända.  
(Tips: bryt upp kretsen vid A och beräkna slingförstärkningen)

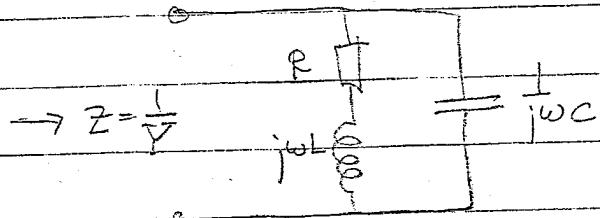


$j\omega$ -transformera

$$R = 20 \Omega$$

$$L = 0.3 \text{ mH}$$

$$C = 100 \text{ nF}$$

Parallelkopplings admittanser

$$Y = \frac{1}{R+j\omega L} + j\omega C = \frac{R-j\omega L}{R^2 + (\omega L)^2} + j\omega C =$$

$$= \frac{R}{R^2 + (\omega L)^2} + j\omega \left( C - \frac{L}{R^2 + (\omega L)^2} \right)$$

$$\text{Resonans} \Rightarrow \text{Im}\{Y\} = 0 \quad \omega = 0 \text{ "trivial" lösning}$$

$$C - \frac{L}{R^2 + (\omega L)^2} = 0 \quad ; \quad R^2 + (\omega L)^2 = \frac{L}{C}$$

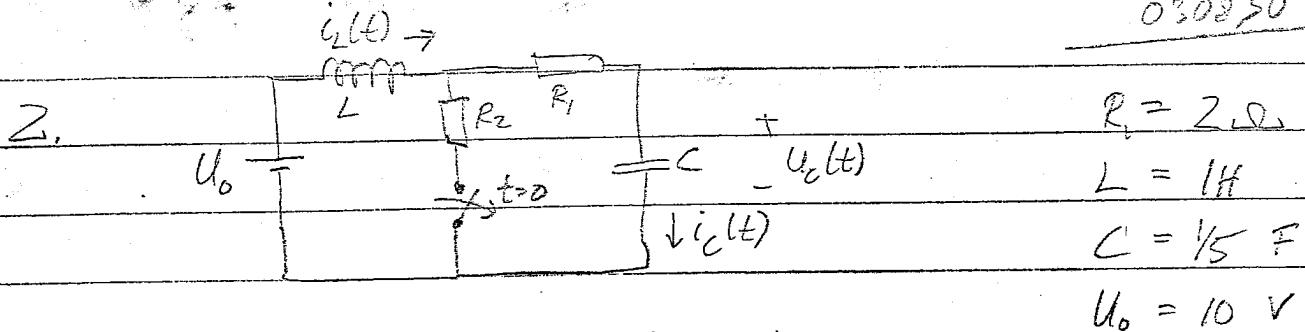
$$(\omega L)^2 = \frac{L}{C} - R^2 \quad ; \quad \omega^2 = \frac{1}{LC} - \frac{R^2}{L^2}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{L^2}} =$$

$$= \sqrt{\frac{1}{0.3 \cdot 10^{-3} \cdot 100 \cdot 10^{-9}} - \frac{20^2}{(0.3 \cdot 10^{-3})^2}} = 170 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$$

ESS 115

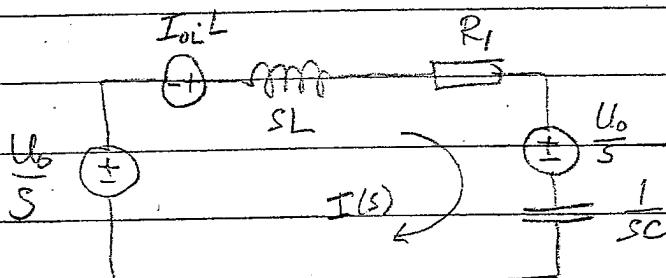
030230



$$t < 0 \quad i_L(t) = I_{OL} = \frac{U_0}{R_2} = \frac{10}{5} = 2 A$$

$$U_C(t) = U_{OC} = U_0 = 10 V$$

$t > 0 \quad$  Laplace transf. nötig



$$I(s) = \frac{\frac{U_0}{s} + I_{OL}L - \frac{U_0}{s}}{sL + R_1 + \frac{1}{sC}} = \frac{sI_{OL}LC}{s^2LC + sRC + 1} =$$

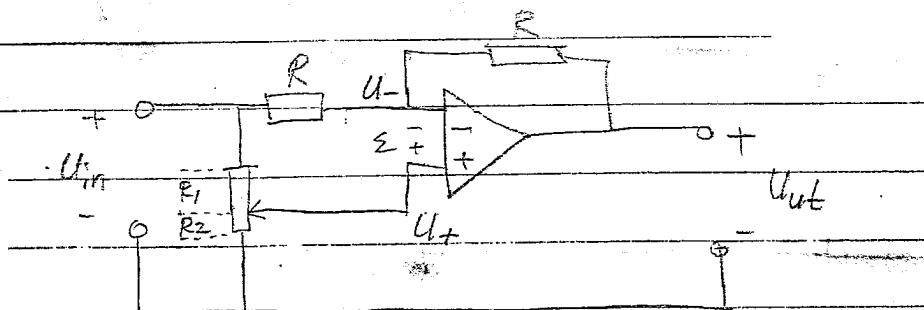
$$= \frac{sI_{OL}}{s^2 + s\frac{R_1}{L} + \frac{1}{LC}} = \frac{s \cdot 2}{s^2 + s2 + 5} =$$

$$= \frac{2(s+1) - 2}{(s+1)^2 + 4} = \frac{2}{s+1} - \frac{2}{(s+1)^2 + 4}$$

Inv. Laplace transf.

$$i(t) = i_c(t) = \left( 2e^{-t} \cos 2t - e^{-t} \sin 2t \right) u(t)$$

3.



Ideal OP - först Neg. återk.  $\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} i_{op} = 0 \\ \Sigma = 0 \end{array} \right. \Rightarrow U_- = U_+$

$$U_- = U_{in} \frac{R}{R+R} + U_{out} \frac{R}{R+R} \quad \text{Sp. delning + Superpos.}$$

$$U_- = \frac{1}{2} U_{in} + \frac{1}{2} U_{out}$$

$$U_+ = U_{in} \frac{R_2}{R_1+R_2} = U_{in} \frac{X \cdot R}{R} = U_{in} \cdot X$$

$$U_+ = U_-$$

$$U_{in} \cdot X = \frac{1}{2} U_{in} + \frac{1}{2} U_{out}$$

$$U_{in} (2x - 1) = U_{out}$$

$$\frac{U_{out}}{U_{in}} = 2x - 1 \quad 0 \leq x \leq 1$$

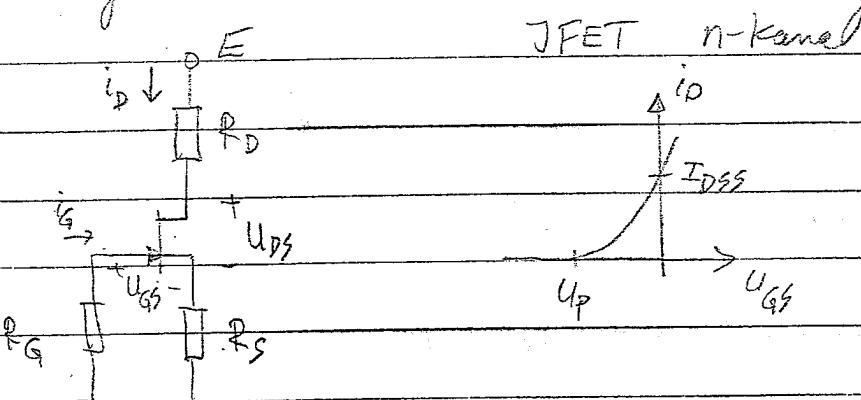
$$-1 \leq \frac{U_{out}}{U_{in}} \leq 1$$

OBS  
teckenbytte

"min",  $x=0$

"max",  $x=1$

#### 4. DC - analysis



$$i_{GS} = 0 \quad U_{GS} + R_S i_D = 0$$

$$i_D = I_{DSS} \left( 1 - \frac{U_{GS}}{U_p} \right)^2 = - \frac{U_{GS}}{R_S}$$

$$1 + \frac{U_{GS}^2}{U_p^2} - \frac{2U_{GS}}{U_p} + \frac{1}{I_{DSS} R_S} U_{GS} = 0$$

$$U_{GS}^2 + U_{GS} \left( \frac{U_p^2}{I_{DSS} R_S} - 2U_p \right) + U_p^2 = 0$$

$$U_{GS}^2 + U_{GS} \left( \frac{4^2}{8 \cdot 0,330} + 8 \right) + 4^2 = 0$$

$$U_{GS}^2 + U_{GS} 14,06 + 16 = 0$$

$$U_{GS,1,2} = -7,03 \pm \sqrt{(7,03)^2 - 16} = \begin{cases} -1,25 \text{ V} \\ (-12,8 \text{ V}) \end{cases}$$

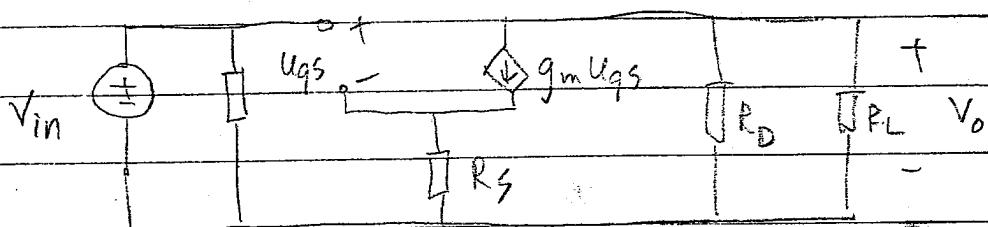
$$U_{GS} = -1,25 \text{ V} \Rightarrow i_D = 8 \cdot 10^{-3} \left( 1 - \frac{1,25}{4} \right)^2 = 3,78 \text{ mA}$$

# Prob 4

Småsignalberäkning

$$g_m = \frac{dI_D}{dU_{GS}} = ZI_{DSS} \left( 1 - \frac{U_{GS}}{U_P} \right) \left( \frac{1}{U_P} \right) =$$

$$= 2 \cdot 8 \cdot 10^{-3} \left( 1 - \frac{1.25}{4} \right) \left( \frac{1}{4} \right) = 2.75 \cdot 10^{-3} \text{ S}$$



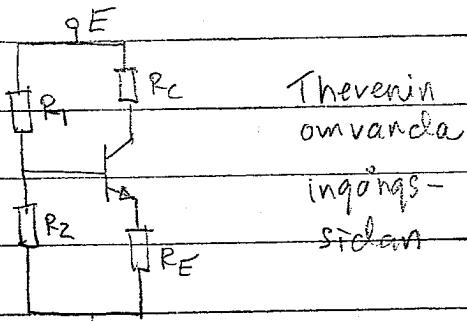
$$\left. \begin{aligned} V_{in} &= U_{GS} + g_m U_{GS} R_S \\ V_0 &= -g_m U_{GS} R' \end{aligned} \right\} R' = R_D // R_L = \frac{1,5 \cdot 2,2 \cdot 10^3}{1,5 + 2,2} = 892 \Omega$$

$$\frac{V_0}{V_{in}} = - \frac{g_m R'}{1 + g_m R_S} = - \frac{2.75 \cdot 10^{-3} \cdot 892}{1 + 2.75 \cdot 0.33} = -1.29$$

$$\underline{\text{Svar: } \frac{V_0}{V_{in}} = -1.3}$$

## 5. DC-analys

$$R_1 = 10 \text{ k}\Omega$$



$$R_2 = 5 \text{ k}\Omega$$

$$R_C = 1 \text{ k}\Omega$$

$$R_E = 1 \text{ k}\Omega$$

$$E = 15 \text{ V}$$

$$U_{BE} = 0.7 \text{ V}$$

$$R_B = R_1 \parallel R_2 = \frac{10 \cdot 5}{10+5} = \frac{50}{15} = \frac{10}{3} \text{ k}\Omega$$

$$E_B = E - \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 15 - \frac{5}{10+5} = 5 \text{ V}$$

$$E_B = I_B R_B + U_{BE} + ((1+\beta) I_B) R_E$$

$$I_B = \frac{E_B - U_{BE}}{R_B + (1+\beta) R_E} + I_c = \beta I_B = \frac{\beta (E_B - U_{BE})}{R_E + (1+\beta) R_E}$$

$$U_{CE} = E - I_C R_C - I_E R_E = E - I_B (\beta R_C + (1+\beta) R_E)$$

$$\beta = 100 \quad I_B = \frac{5 - 0.7}{\frac{10}{3} + 101 \cdot 1} \cdot 10^{-3} = 11.21 \mu\text{A}$$

$$I_C = 4.12 \text{ mA}$$

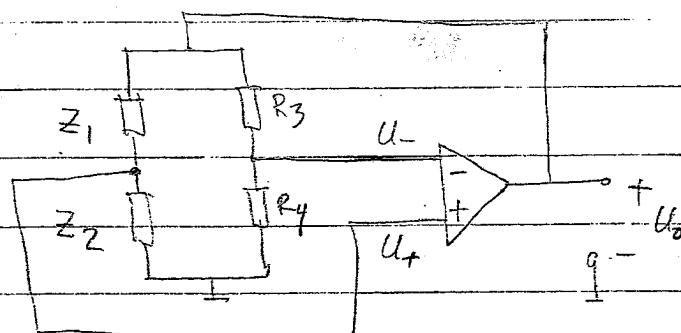
$$U_{CE} = 6.72 \text{ V}$$

$$\beta = 300 \quad I_B = \frac{5 - 0.7}{\frac{10}{3} + 301} \cdot 10^{-3} = 14.13 \mu\text{A}$$

$$I_C = 4.24 \text{ mA}$$

$$U_{CE} = 6.51 \text{ V}$$

6

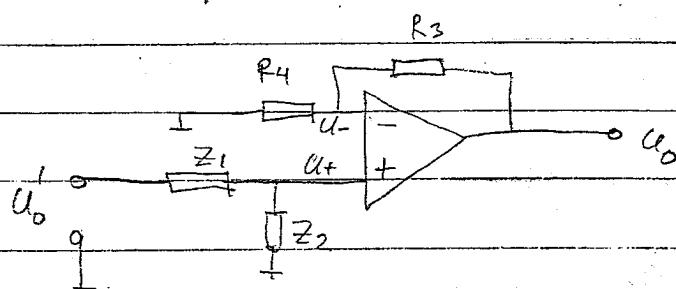


$$Z_1 = R_1 + \frac{1}{sC_1} = \frac{1+sR_1C_1}{sC_1}$$

$$Z_2 = \frac{R_2 sC_2}{R_2 + sC_2} = \frac{R_2}{1+sR_2C_2}$$

Ideal OP-först. }  $\varepsilon=0$   
Neg. återk.

Bryt upp kretsen, rita om, och  
beräkna slingförst.  $T = \frac{U_o}{U_0}$



$$U_+ = U'_0 \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} \quad U_- = U_0 \frac{R_4}{R_3 + R_4}$$

Osc  $\Rightarrow T = 1$ , eller  $U_0 = U'_0$ , därför  $U_+ = U_-$  ty  $\varepsilon = 0$

$$\therefore \frac{R_3 + R_4}{R_4} = \frac{Z_1 + Z_2}{Z_2} \Rightarrow 1 + \frac{R_3}{R_4} = 1 + \frac{Z_1}{Z_2}$$

$$\frac{R_3}{R_4} = \frac{1+sR_1C_1}{sC_1}, \frac{1+sR_2C_2}{R_2} ; \quad \frac{R_3}{R_4} sR_2C_1 = 1 + s(R_1C_1 + R_2C_2) + s^2 R_1R_2C_1C_2$$

$$\text{Sätt } s = j\omega \quad j\omega \frac{R_3}{R_4} R_2 C_1 = 1 + j\omega(R_1C_1 + R_2C_2) - \omega^2 R_1R_2C_1C_2$$

$$\text{HL} = VL \quad \therefore 1 - \omega^2 R_1R_2C_1C_2 = 0 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{1}{R_1R_2C_1C_2}}$$

$$\text{och } \frac{R_3}{R_4} R_2 C_1 = R_1 C_1 + R_2 C_2$$

$$R_3 = R_4 \left( \frac{R_1}{R_2} + \frac{C_2}{C_1} \right)$$

**Tentamen i  
ESS 115 Elektriska nät och System, för F2  
den 25 april 2003 kl 8.45-12.45, sal V**

**Examinator:** Univ.lektor Ants R. Silberberg, ankn. 1808.

**Hjälpmittel:** Typgodkänd miniräknare  
BETA Mathematics Handbook  
Physics Handbook  
CRC Standard Mathematical Tables

**Lösningar:** Anslås måndagen den 28 april på institutionens  
anslagstavla.

**Resultat:** Anslås torsdagen den 8 maj kl. 15 på institutionens  
anslagstavla (plan 5, E-huset, vid studieexp., korridor  
parallel med Hörsalsvägen).

**Granskning:** Fredag 9 maj kl. 13 - 15 på institutionen.

**Bedömning:** En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt angivet  
svar ger full poäng.

**Betygsgränser:** Tentamen består av 6 uppgifter om vardera 3 poäng.

| Poäng | 0-7.5 | 8-11.5 | 12-14.5 | 15-18 |
|-------|-------|--------|---------|-------|
| Betyg | U     | 3      | 4       | 5     |

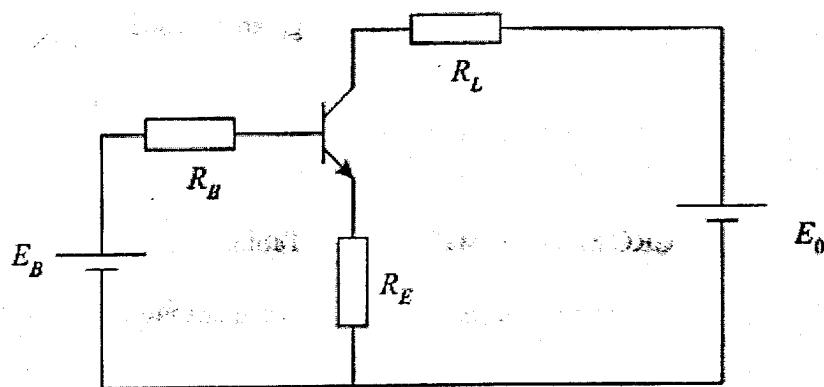
Uppgifterna är ej ordnade i svårighetsgrad.

*Lycka Till!*

1. a) Beräkna transistorns arbetspunkt (kollektorström och kollektor-emitter spänning).  
 b) Ta fram ett uttryck som visar att med givna matningsspänningar så beror kollektorströmmen i stort endast på en av de ingående resistanserna.

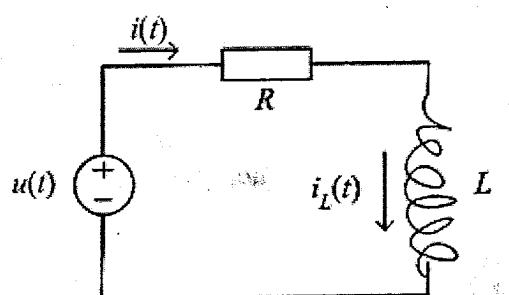
$$E_B = 5.6 \text{ V}, E_0 = 25 \text{ V}, R_B = 10 \text{ k}\Omega, R_L = 10 \text{ k}\Omega, R_E = 5 \text{ k}\Omega$$

För transistorn gäller:  $U_{BE} = 0.6 \text{ V}$ ,  $\beta = 400$



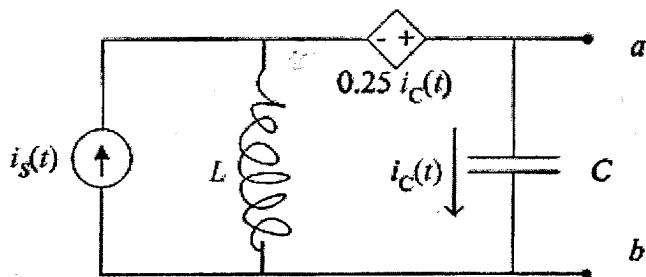
2. Beräkna strömmen  $i(t)$  för  $t \geq 0$  i kretsen nedan. Vid  $t = 0$  är strömmen  $i_L(t)$  genom induktansen 2A.

$$u(t) = \cos(t) \cdot \Theta(t) \quad \text{V} \quad \{\Theta(t)\text{är enhetssteget}\} \quad R = 1\Omega, L = \frac{1}{2}\text{H}$$

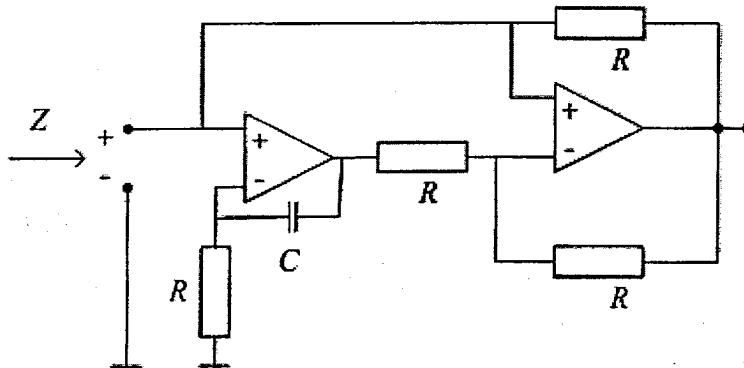


3. Beräkna Thevenins ekvivalenta krets med avseende på polerna *a* och *b*. Antag att sinusformat stationär tillstånd råder. Ange i svaret alla värden på de ingående kretselementen.

$$i_s(t) = \cos(4t) \text{ A}, L = 0.25 \text{ H}, C = 0.5 \text{ F}$$

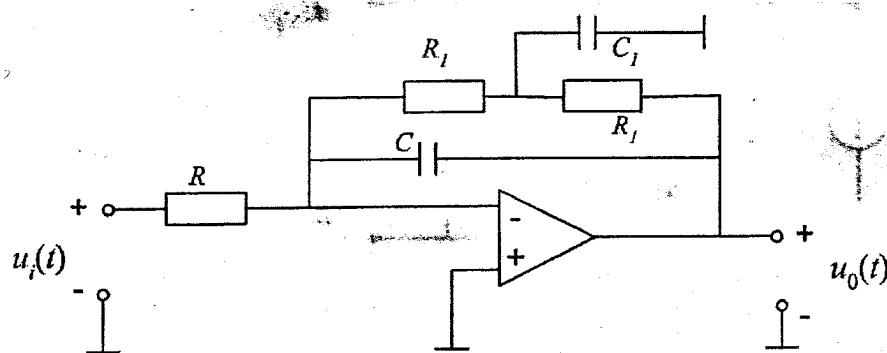


4. Beräkna kretsens inimpedans, *Z*. Antag ideala operationsförstärkare samt att dessa bägge är negativt återkopplade.



5. Beräkna kapacitansen  $C$  så att förstärkaren får ett stegsvar som är så snabbt som möjligt utan att vara oscillatoriskt. Med detta värdet på  $C$ , ange förstärkarens överföringsfunktion samt gör en enkel skiss av överföringsfunktionens belopp i ett Bodediagram. Antag ideal operationsförstärkare.

$$R_i = 50 \text{ k}\Omega, R = 10 \text{ k}\Omega, C_1 = 200 \text{ pF}$$

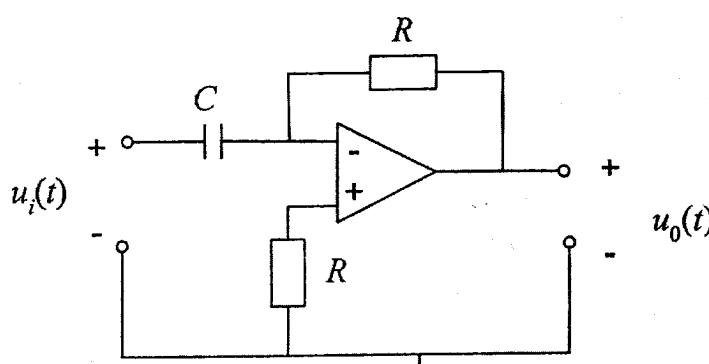


6. En operationsförstärkare (ej ideal) har följande data.

$$F = \frac{K}{(1+s/\omega_l)^2}, \quad \omega_l = 40 \text{ r/s}$$

$$Z_{in} = \infty, Z_{out} = 0, K = 12.1$$

Operationsförstärkaren skall användas för att bygga ett förstärkarsteg enligt figur. Avgör om förstärkarsteget är stabilt genom att beräkna dess amplitudmarginal.  
 $RC = 250 \text{ ms}$ .



ESS115

030425

Svar:

1a)  $I_C = 0,993 \text{ mA}$ ,  $U_{CE} = 10,1 \text{ V}$

b)  $I_C$  beror mest av  $R_E$

2.  $I(s) = \frac{2s}{(s^2+1)(s+2)}$

$$i(t) = [0,8 \cos(t) + 0,4 \sin(t) + 1,2 e^{-2t}] \Theta(t)$$

3. Räknas på räknestuga i v.7

4.  $Z = SR^2C$

5.  $\frac{U_o}{U_i} = \frac{\frac{s}{RC} + \frac{Z}{RR_1CC_1}}{s^2 + s \frac{Z}{R_1C_1} + \frac{1}{R_1^2C_1^2}}$

$$C = C_1$$

$$\frac{U_o}{U_i} = -\frac{2}{5} \cdot \frac{1 + \frac{s}{2\omega_1}}{\left(1 + \frac{s}{\omega_1}\right)^2}, \quad \omega_1 = \frac{1}{R_1C_1}$$

6.  $\angle \beta F = -180^\circ$  för  $\omega = \omega_3 = \sqrt{1920} \text{ rad/s}$

$$G_M = -20 \log |\beta F|_{\omega=\omega_3} = 6,0 \text{ dB}$$

$G_M > 0$  Stabil?

**Tentamen i  
ESS 115 Elektriska nät och System, för F2  
den 14 december 2002 kl 8.45-12.45, sal V**

**Examinator:** Univ.lektor Ants R. Silberberg, ankn. 1808.  
(070 - 6181265)

**Hjälpmmedel:** Typgodkänd miniräknare  
BETA Mathematics Handbook  
Physics Handbook  
CRC Standard Mathematical Tables

**Lösningar:** Anslås måndagen den 16 december på institutionens  
anslagstavla.

**Resultat:** Anslås torsdagen den 9 januari kl. 14 på institutionens  
anslagstavla (plan 5, E-huset, vid studieexp., korridor  
parallel med Hörsalsvägen).

**Granskning:** Fredag 17 januari kl. 12.45 - 14.45 på institutionen.

**Bedömning:** En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt angivet  
svar ger full poäng.

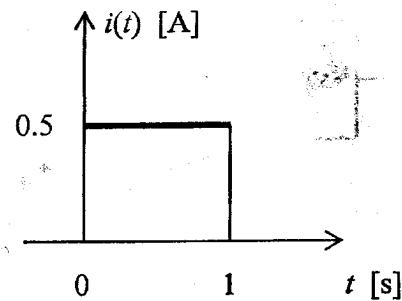
**Betygsgränser:** Tentamen består av 6 uppgifter om vardera 3 poäng.

|       |       |        |         |       |
|-------|-------|--------|---------|-------|
| Poäng | 0-7.5 | 8-11.5 | 12-14.5 | 15-18 |
| Betyg | U     | 3      | 4       | 5     |

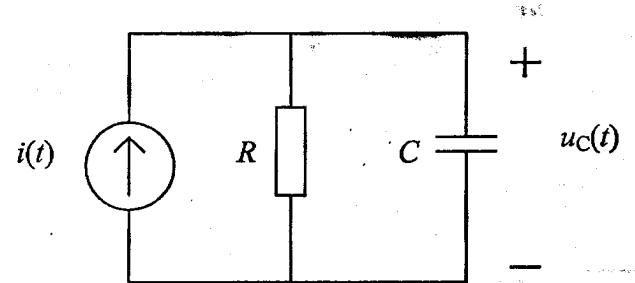
Uppgifterna är ej ordnade i svårighetsgrad.

*Lycka Till!*

1. Insignalen till ett RC-nät är en strömpuls enligt figur 1. Sök spänningen  $u_C(t)$  för  $t \geq 0$  enligt figur 2. Begynnelsespänningen  $u_C(t)$  vid  $t=0$  är 1 V.  
 $R = 2\Omega$ ,  $C = 0.5\text{ F}$



Figur 1

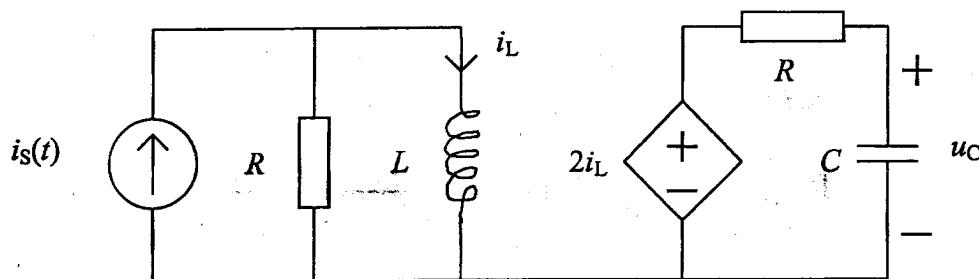


Figur 2

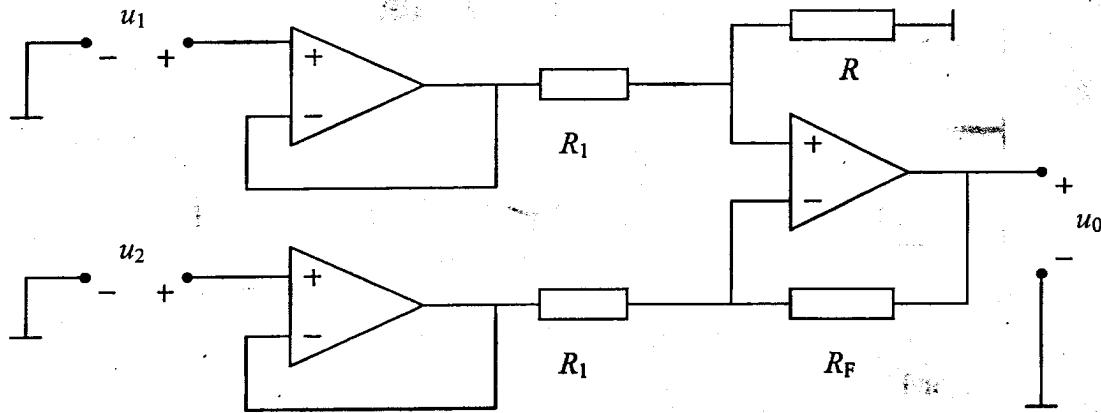
2. Beräkna spänningen  $u_C(t)$  i kretsen. Antag att stationärtillstånd råder.

$R = 10\Omega$ ,  $L = 0.1\text{H}$  och  $C = 1\text{ mF}$

$$i_s(t) = \cos(100t) \text{ A}$$



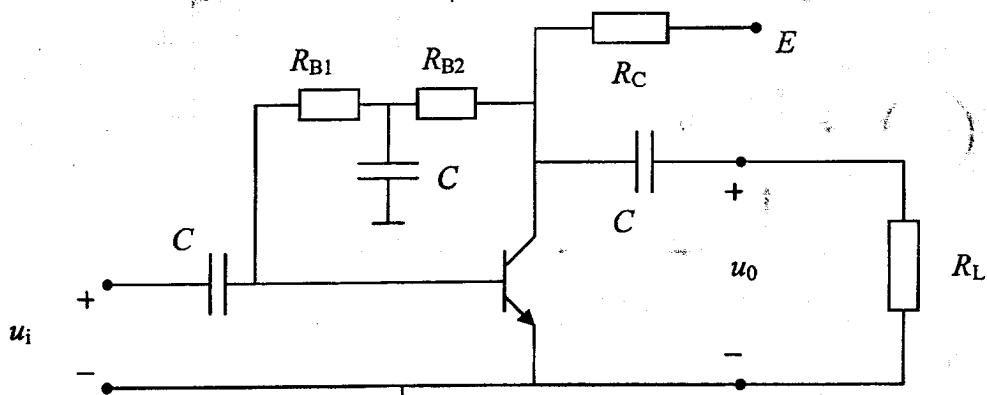
3. Bestäm  $R$  så att en ren differentialförstärkare på formen  $u_0 = K(u_1 - u_2)$  erhålls. Antag  $R_1$  och  $R_F$  kända. Vad blir förstärkningsfaktorn  $K$ ? Antag idealala operationsförstärkare.



4. Beräkna förstärkningsfaktorn  $u_0/u_i$  med belastningsresistansen  $R_L$  kopplad till utgången på transistorförstärkaren. Beräkna även förstärkarens inresistans och utresistans (med  $R_L$  bortkopplad). Kapacitansernas impedans kan försummas vid aktuella signalfrekvenser.

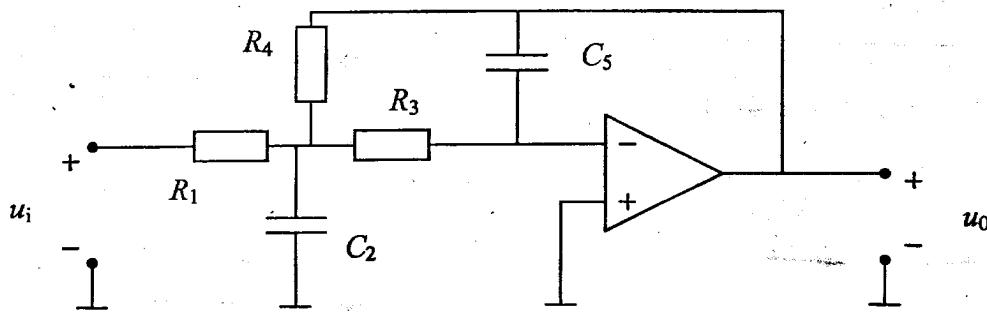
För transistorn gäller:  $h_{fe} = 75$ ,  $h_{ie} = 200 \Omega$ ,  $h_{oe} = h_{re} = 0$

$$R_L = R_C = 2 \text{ k}\Omega, R_{B1} = R_{B2} = 100 \text{ k}\Omega$$



5. Ta fram förstärkarens överföringsfunktion  $u_0/u_i$ . Beräkna  $R_1$  så att förstärkarens stegsvar blir så snabbt som möjligt utan att någon översväng erhålls. Antag ideal operationsförstärkare.

$$R_3 = 1.0 \text{ k}\Omega, R_4 = 5.0 \text{ k}\Omega, C_2 = 1.0 \mu\text{F} \text{ och } C_5 = 0.20 \mu\text{F}$$



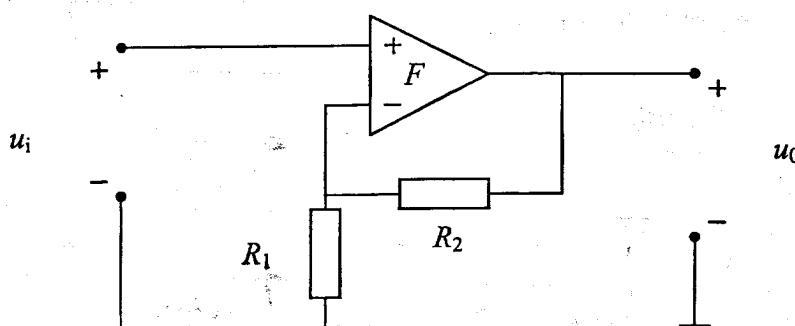
6. En operationsförstärkare (ej ideal) har följande data.

$$F = \frac{F_0}{1 + s/\omega_l}, \quad \omega_l = 15 \text{ r/s}$$

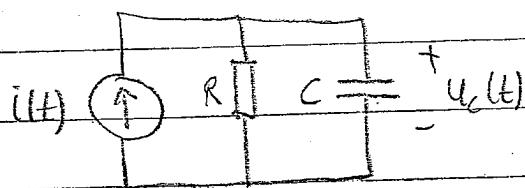
$$50000 \leq F_0 \leq 300000$$

$$Z_{in} = \infty, Z_{ut} = 0$$

Operationsförstärkaren skall användas för att bygga förstärkarsteg enligt figur. Förstärkarstegen skall ha en garanterad längsta stigtid  $t_r \leq 75 \mu\text{s}$ . Beräkna inom vilka gränser som förstärkarens maximala förstärkning  $u_0/u_i$  kommer att variera.  
 $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ .

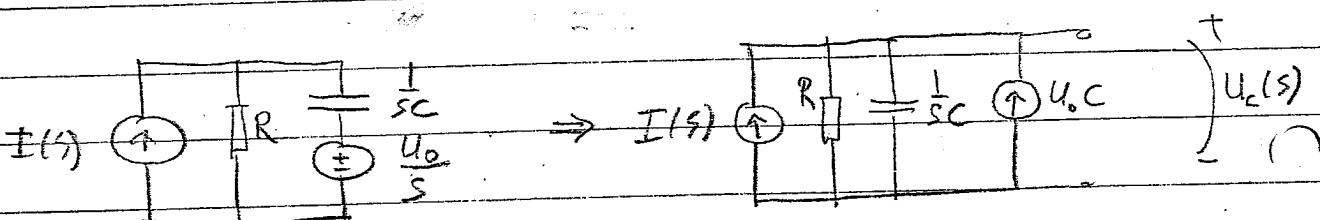


(1)



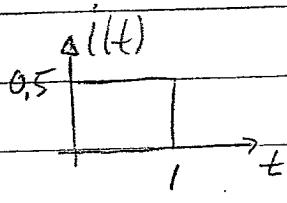
$$\text{Beg. spänning } U_c(t) \Big|_{t=0} = U_0 = 1V$$

Laplacetransf. nälet



$$U_c(s) = (I(s) + U_0 C) \cdot R \parallel \frac{1}{sC} = (I(s) + U_0 C) \frac{R \cdot \frac{1}{sC}}{R + \frac{1}{sC}} =$$

$$= (I(s) + U_0 C) \frac{R}{sRC + R}$$



$$i(t) = 0.5(\theta(t) - \theta(t-1))$$

$$I(s) = 0.5\left(\frac{1}{s} - \frac{1}{s}e^{-s}\right) = \frac{1}{2} \frac{(1-e^{-s})}{s}$$

$$U_c(s) = \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{1-e^{-s}}{s} + U_0 C \right) \frac{R}{1+sRC} = \begin{cases} R=2, C=0.5 \\ U_0=1 \end{cases}$$

$$= \left( \frac{1-e^{-s}}{s} + 1 \right) \cdot \frac{1}{1+s} = \frac{1-e^{-s}}{s(s+1)} + \frac{1}{s+1} =$$

$$= \frac{1}{s(s+1)} + \frac{1}{s+1} \frac{e^{-s}}{s(s+1)} = \left\{ \frac{1}{s(s+1)} = \frac{1}{s} - \frac{1}{s+1} \right\} =$$

$$= \frac{1}{s} - \frac{e^{-s}}{s} + \frac{e^{-s}}{s+1}$$

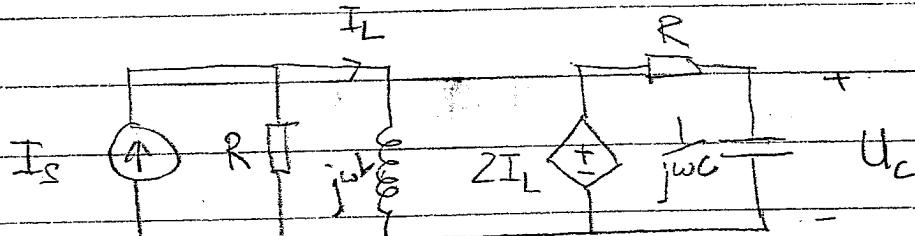
Invt. transf.

$$U_c(t) = \theta(t) - \theta(t-1) + e^{-(t-1)} \theta(t-1)$$

jω-transformera

(2)

$$I_S = 1 / 0^\circ \text{ A}$$



$$\omega = 100 \text{ rad/s}$$

$$\omega C = 0.1$$

$$\omega L = 10$$

$$R = 10$$

Strömdelning

$$I_L = I_S \cdot \frac{\frac{1}{j\omega L}}{\frac{1}{R} + \frac{1}{j\omega L}} = \frac{R}{R + j\omega L}$$

Sp. delning

$$U_C = 2I_L \cdot \frac{\frac{1}{j\omega C}}{\frac{1}{R + j\omega L} + \frac{1}{j\omega C}} = 2I_L \cdot \frac{1}{1 + j\omega RC}$$

$$U_C = \frac{2R}{R + j\omega L} \cdot \frac{1}{1 + j\omega RC} =$$

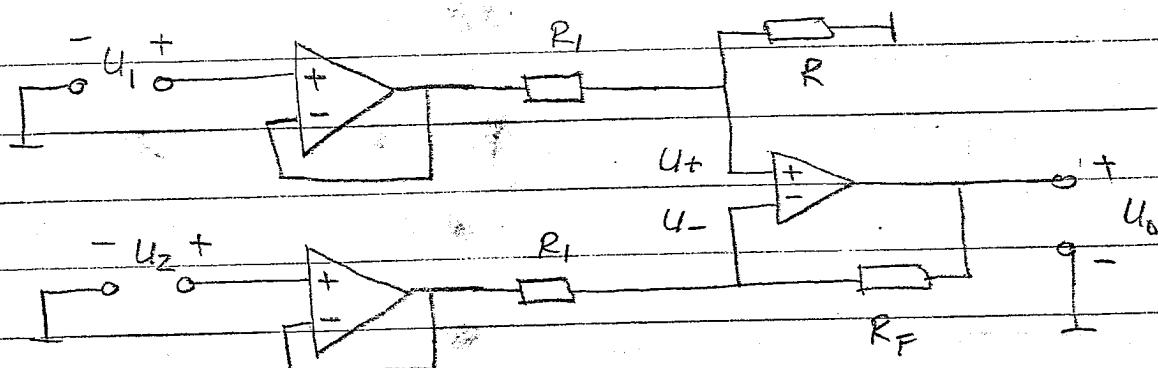
$$= \frac{2 \cdot 10}{10 + j10} \cdot \frac{1}{1 + j} = \frac{2}{(1+j)(1+j)} =$$

$$= \frac{2}{1 + j + j - 1} = \frac{2}{2j} = -j$$

$$U_C = -j = 1 / -90^\circ$$

$$U_C(t) = 1 \cdot \cos(\omega t - 90^\circ) = \sin(\omega t) = \sin(100t) \text{ V}$$

(3.)



Ideala Op-först. + Neg. återkoppl.  $\Rightarrow \varepsilon = 0$

$$\left\{ \begin{array}{l} U_+ = U_1 \frac{R}{R_1 + R} \end{array} \right. \quad \text{Sp. delning}$$

$$\left. \begin{array}{l} U_- = U_2 \frac{RF}{R_1 + RF} + U_0 \frac{R_1}{R_1 + RF} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{Sp. delning} \\ + \end{array} \quad \text{Superposition}$$

$$U_+ = U_-$$

$$U_1 \frac{R}{R_1 + R} = U_2 \frac{RF}{R_1 + RF} + U_0 \frac{R_1}{R_1 + RF}$$

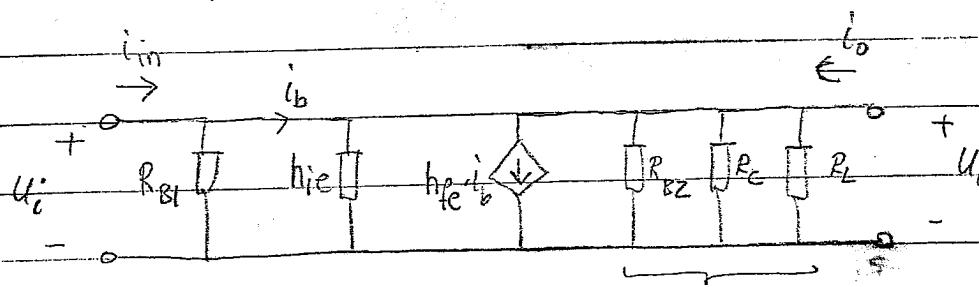
$$U_0 = \frac{R_1 + RF}{R_1} \left[ U_1 \frac{R}{R_1 + R} - U_2 \frac{RF}{R_1 + RF} \right]$$

För  $R = RF$

$$U_0 = \frac{R_1 + RF}{R_1} \cdot \frac{RF}{R_1 + RF} (U_1 - U_2) = \frac{RF}{R_1} (U_1 - U_2)$$

Svar:  $R = RF$  och  $K = \frac{RF}{R_1}$

(4) Småsignal schema  $\frac{1}{\omega_C} \rightarrow 0$



$$\left. \begin{array}{l} U_i = i_b \cdot h_{ie} \\ U_o = -h_f \cdot i_b \cdot (R_{B2} \parallel R_C \parallel R_L) \end{array} \right. \quad R' = R_{B2} \parallel R_C \parallel R_L \quad \frac{1}{R'} = \frac{1}{R_{B2}} + \frac{1}{R_C} + \frac{1}{R_L}$$

$$\Rightarrow R' = 990 \Omega$$

$$\frac{U_o}{U_i} = -\frac{h_f}{h_{ie}} \left( R_{B2} \parallel R_C \parallel R_L \right) = \dots = -371$$

$$\frac{1}{R_{B2}} + \frac{1}{R_C} + \frac{1}{R_L} = \frac{R_C R_L + R_{B2} R_L + R_{B2} R_C}{R_{B2} R_C R_L} \Rightarrow \frac{U_o}{U_i} = -\frac{h_f R_{B2} R_C R_L}{h_{ie} (R_C R_L + R_{B2} R_L + R_{B2} R_C)}$$

Inimpedans  $R_{in} = \frac{U_i}{i_{in}}$  ( $R_L$  bortkopplad)

$$U_i = i_{in} (R_{B1} \parallel h_{ie}) = i_{in} \left( \frac{R_{B1} \cdot h_{ie}}{R_{B1} + h_{ie}} \right)$$

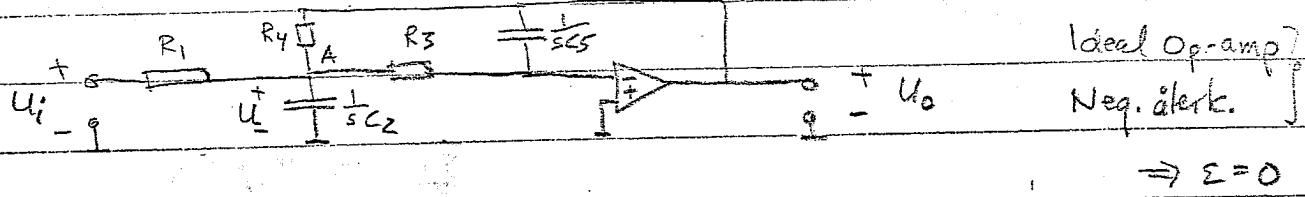
$$R_{in} = \frac{U_i}{i_{in}} = \frac{R_{B1} \cdot h_{ie}}{R_{B1} + h_{ie}} = \dots = 199,6 \approx 200 \Omega$$

Utlimpedans  $R_{ut} = \frac{U_o}{i_o}$  ( $U_i = 0$  och  $R_L$  bortkopplad)

$$U_o = i_o R_{B2} \parallel R_C \quad (\text{t ex } i_b = 0)$$

$$R_{ut} = \frac{U_o}{i_o} = \frac{R_{B2} \cdot R_C}{R_{B2} + R_C} = 1,96 \text{ k}\Omega$$

5



$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{U_i - U}{R_1} + \frac{U_o - U}{R_4} - \frac{U}{R_3} - U \cdot sC_2 = 0 \quad (\text{KCL})_A \\ \frac{U}{R_3} + U_o \cdot sC_5 = 0 \quad (\text{KCL}) \end{array} \right. \Rightarrow U = -U_o \cdot sR_3C_5$$

$$\frac{U_i}{R_1} = U \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_3} + sC_2 \right) = \frac{U_o}{R_4}$$

$$U_i = -U_o \left[ sR_3C_5 \left( 1 + \frac{R_1}{R_4} + \frac{R_1}{R_3} + sR_1C_2 \right) + \frac{R_1}{R_4} \right]$$

$$\Rightarrow \frac{U_o}{U_i} = \frac{\frac{1}{R_1R_3C_2C_5}}{s^2 + s \frac{1}{C_2} \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) + \frac{1}{R_3R_4C_2C_5}}$$

Max snabbt stegsvar, ej översväng  $\Rightarrow$  dubbelpol

$$\frac{U_o}{U_i} = -\frac{k}{(s + \omega_o)^2} = \frac{k}{s + s^2\omega_o + \omega_o^2}$$

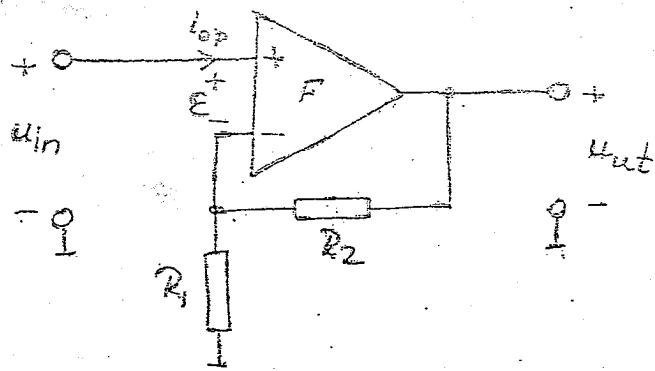
$$\omega_o^2 = \frac{1}{R_3R_4C_2C_5} = 10^6 \Rightarrow \omega_o = 10^3$$

$$2\omega_o = \frac{1}{C_2} \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) \Rightarrow \frac{1}{R_1} = 2\omega_o C_2 - \frac{1}{R_3} - \frac{1}{R_4}$$

$$\frac{1}{R_1} = 2 \cdot 10^3 \cdot 10^{-6} - \frac{1}{10^3} - \frac{1}{5 \cdot 10^3} = 8 \cdot 10^{-4}$$

$$R_1 = 1,25 \text{ k}\Omega$$

(6)



$$i_{op} = 0, E \neq 0 \text{ ty F är ändlig}$$

$$\begin{cases} u_{in} = E + u_{out} \frac{R_1}{R_1 + R_2} \\ E = \frac{u_{out}}{F} \end{cases} \quad F = \frac{F_0}{1 + \frac{E}{\omega_1}}$$

$$u_{in} = \frac{u_{out}}{F} + u_{out} \frac{R_1}{R_1 + R_2} = u_{out} \frac{\frac{R_1 + R_2 + FR_1}{FR_1 + R_2}}{F(R_1 + R_2)} = \frac{1 + F \frac{R_1}{R_1 + R_2}}{F} \cdot u_{out}$$

$$\frac{u_{in}}{u_{out}} = \frac{F}{1 + F \frac{R_1}{R_1 + R_2}} = \frac{F_0}{1 + \frac{E}{\omega_1} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} F_0} = \frac{F_0}{1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} F_0} \cdot \frac{1}{1 + \frac{E}{\omega_1(1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} F_0)}}$$

Övre gränsfrekvensen blir lägst då  $F_0 = F_{omin}$

$$\omega_{0\min} = \omega_1 \left(1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} F_{omin}\right) = 15 \left(1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot 50000\right)$$

$$T_{max} = 2,2 \cdot \frac{1}{\omega_{0\min}} = \frac{2,2}{15 \left(1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot 50000\right)} = 75 \cdot 10^6$$

$$\frac{R_1}{R_1 + R_2} = \left(\frac{2,2}{15 \cdot 75 \cdot 10^6} - 1\right) \frac{1}{50000} = 0,03909$$

$$\frac{F_{tot\max}}{F_{omin}} = \frac{F_{0\max}}{1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} F_{0\max}} = \frac{300000}{1 + 0,03909 \cdot 300000} = 25,5\%$$

$$\frac{F_{tot\min}}{F_{omin}} = \frac{F_{0\min}}{1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} F_{0\min}} = \frac{50000}{1 + 0,03909 \cdot 50000} = 25,5\%$$

Svar  $25,53 \leq F_{tot} \leq 25,58$

**Tentamen i  
ESS 115 Elektriska nät och System, för F2  
den 31 augusti 2002 kl 8.45-12.45, sal V**

**Examinator:** Univ.lektor Ants R. Silberberg, ankn. 1808.  
(070 - 6181265)

**Hjälpmedel:** Typgodkänd miniräknare  
BETA Mathematics Handbook  
Physics Handbook  
CRC Standard Mathematical Tables

**Lösningar:** Anslås måndagen den 2 september på institutionens  
anslagstavla.

**Resultat:** Anslås fredagen den 13 september kl. 10 på institutionens  
anslagstavla (plan 5, E-huset, vid studieexp., korridor  
parallel med Hörsalsvägen).

**Granskning:** Måndag 16 september kl. 12.45 - 14.45 på institutionen.

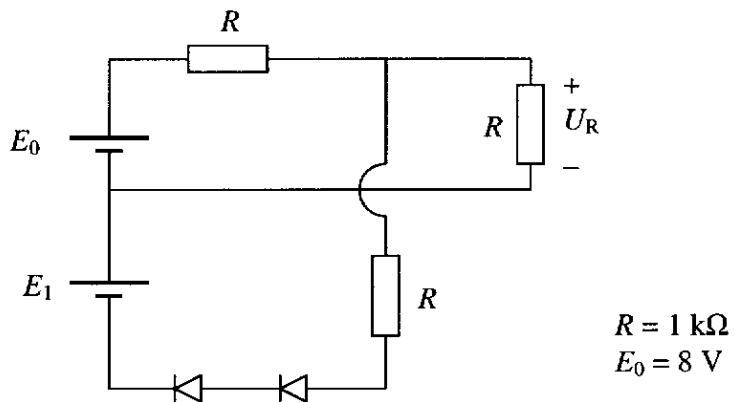
**Bedömning:** En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt angivet  
svar ger full poäng.

**Betygsgränser:** Tentamen består av 6 uppgifter om vardera 3 poäng.

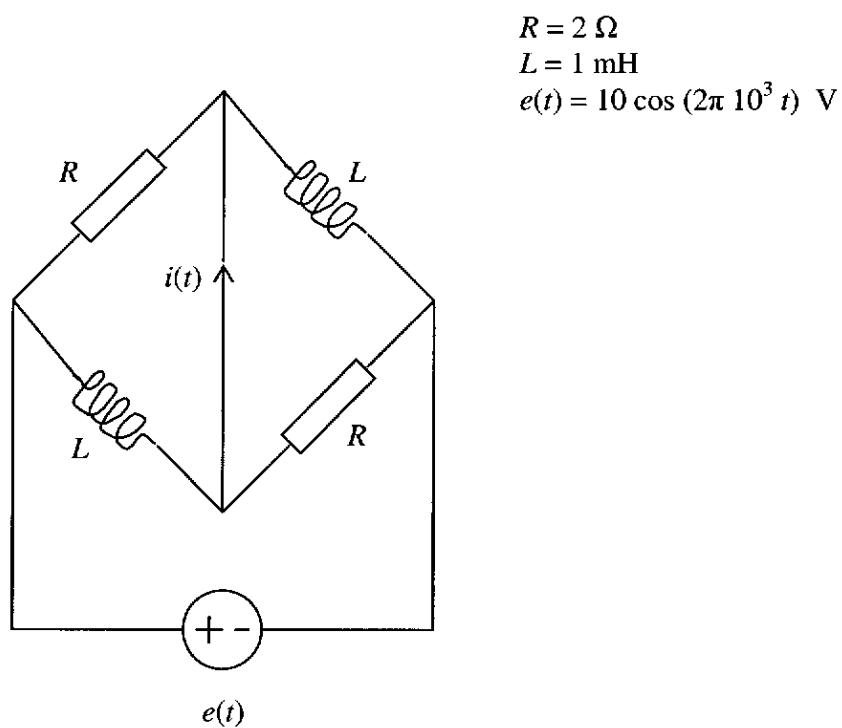
| Poäng | 0-7.5 | 8-11.5 | 12-14.5 | 15-18 |
|-------|-------|--------|---------|-------|
| Betyg | U     | 3      | 4       | 5     |

Uppgifterna är ej ordnade i svårighetsgrad.

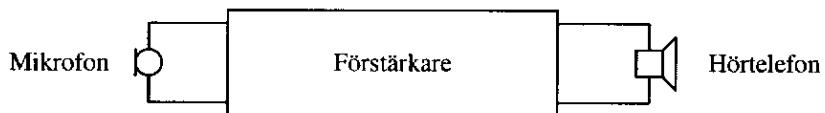
1. Bestäm batterispänningen  $E_1$  så att spänningen  $U_R = 2$  V. Spänningsfallet över en ledande diod är 0.7 V.



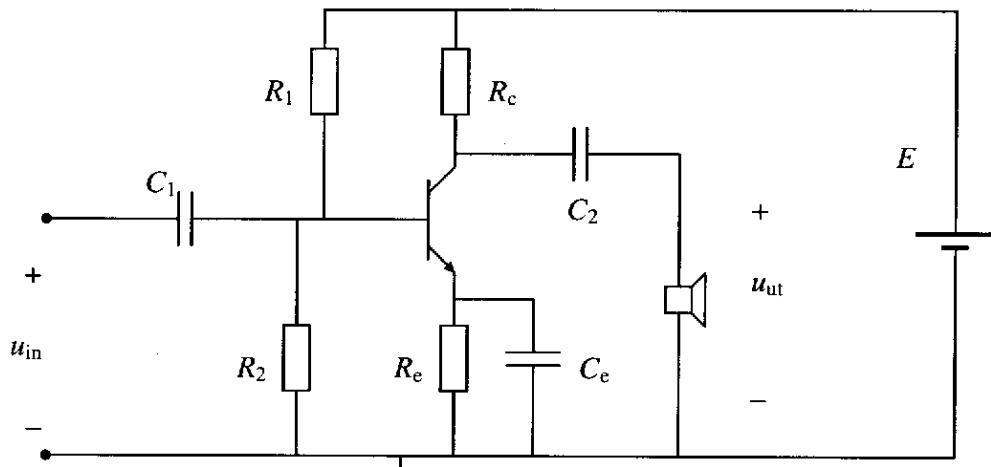
2. Beräkna strömmen  $i(t)$  i nedanstående bryggkoppling. Antag att stationär tillstånd råder.



3. En mikrofonförstärkare önskas byggas. Den kretslösning som väljs är en transistorförstärkare där hörtelefonen utgör kretsens belastning. Hörtelefonen kan anses vara rent resistiv med en inimpedans på  $2\text{ k}\Omega$
- Hörtelefonen kopplas in enligt figur över kretslösningen. Hur stor blir utspänningen  $u_{\text{ut}}$  över belastningen om  $u_{\text{in}} = 5\text{ mV}$  och signalfrekvensen är  $800\text{ Hz}$ . Signalen kan anses passera kretsens kondensatorer obehindrat.
  - Hörtelefonen kopplas in som kollektormotstånd i stället för  $R_c$ . Hur stor blir utsignalen över hörtelefonen i detta fall. Insignalen är lika som i uppgift a). Antag även att  $h$ -parametrarna inte förändras jämfört med uppg. a).



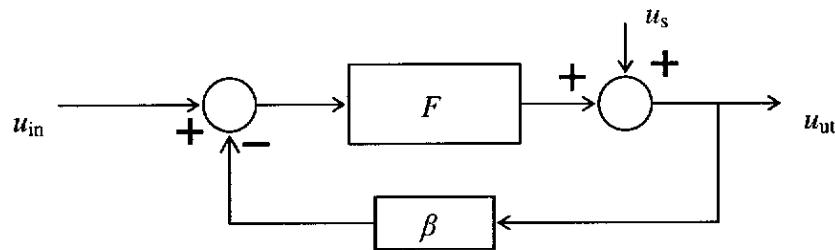
Figur: Mikrofonförstärkare



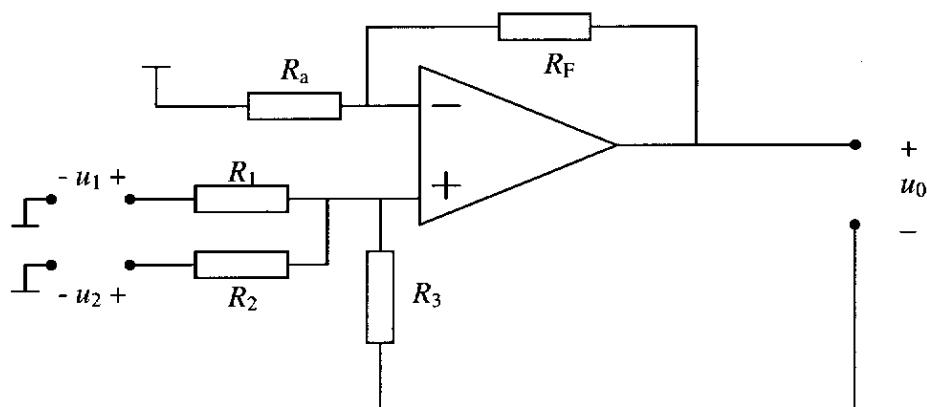
Figur: Kretslösning

$$\begin{array}{lllll} E = 10\text{ V} & R_1 = 22\text{ k}\Omega & R_2 = 3.9\text{ k}\Omega & R_c = 1.8\text{ k}\Omega & R_e = 470\text{ }\Omega \\ h_{fe} = 150 & h_{ie} = 1.8\text{ k}\Omega & U_{BE} = 0.7\text{ V} & & \end{array}$$

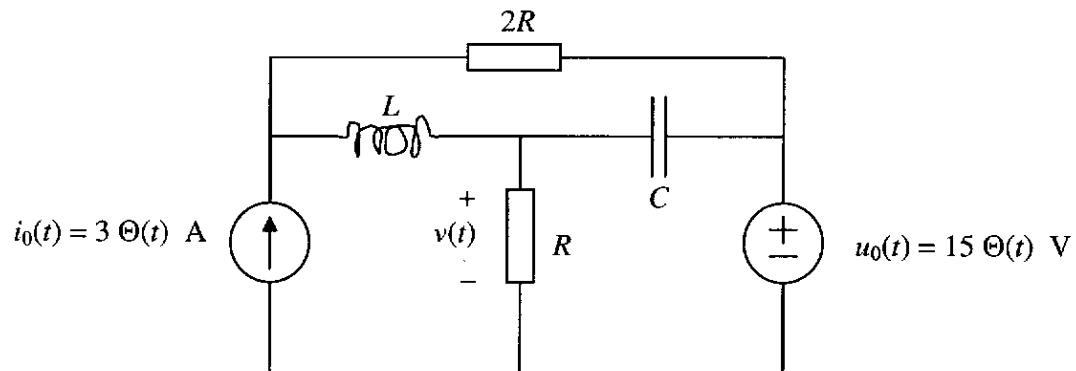
4. I en återkopplad förstärkare med insignal  $u_{in}$  och utsignal  $u_{ut}$  adderas en störsignal  $u_s$  till förstärkarens utgång. Ta fram ett uttryck som anger hur utsignalen beror av insignal och störsignal. Hur påverkas störsignalen av återkopplingen?



5. Beräkna utsignalen  $u_0$  som funktion av insignalerna  $u_1$  och  $u_2$ . Signalerna  $u$  är spänningar. Antag ideal operationsförstärkare.



6. Beräkna spänningen  $v(t)$  över resistansen i kretsen nedan. Kretsen saknar begynnelseenergi.



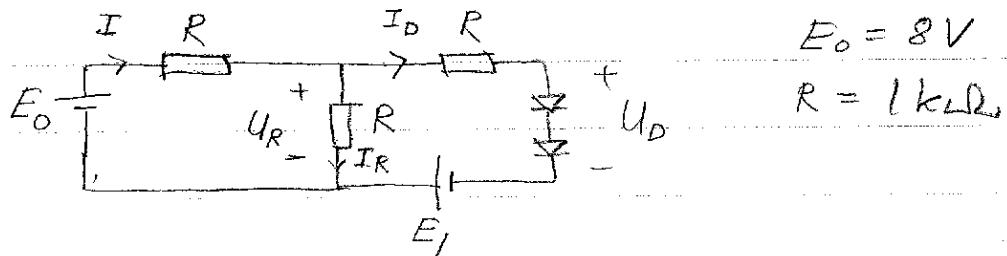
$$R = 2 \Omega, \quad L = 1 \text{ H} \quad C = 0.5 \text{ F}$$

$\Theta(t)$  : stegfunktionen

ESS115

020831

①



$$U_R = 2V$$

$$I = \frac{E_0 - U_R}{R} = \frac{8 - 2}{10^3} = 6mA$$

$$I_R = \frac{U_R}{R} = \frac{2}{10^3} = 2mA$$

$$I_D = I - I_R = 4mA$$

$I_D > 0 \Rightarrow$  Dioder leder och  $U_D = 2 \cdot 0.7 = 1.4V$

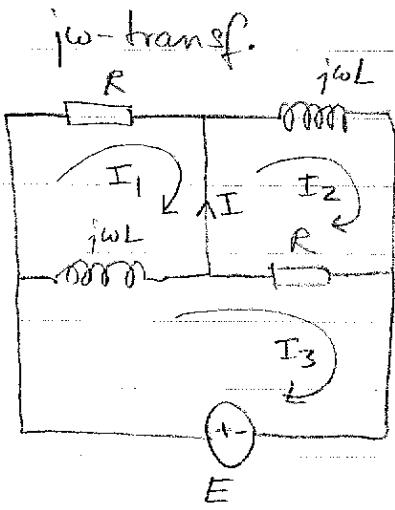
$$U_R = I_D R + U_D - E_1$$

$$E_1 = I_D R + U_D - U_R =$$

$$= 4 \cdot 10^{-3} \cdot 10^3 + 1.4 - 2 = 4 + 1.4 - 2 = 3.4V$$

Svar: 3,4 V

(2)



$$R = 2 \Omega$$

$$L = 1 \text{ mH}$$

$$e(t) = 10 \cos(2\pi 10^3 t) \text{ V}$$

$$\omega = 2\pi 10^3 \text{ rad/s}$$

Maskanalys

$$\left[ \begin{array}{ccc|c} R+j\omega L & 0 & -j\omega L & I_1 \\ 0 & R+j\omega L & -R & I_2 \\ -j\omega L & -R & R+j\omega L & I_3 \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{array} \right] = \left[ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ E \end{array} \right] \quad (1)$$

(2)

(3)

$$(1): I_1(R+j\omega L) - j\omega L I_3 = 0 \Rightarrow I_1 = I_3 j\omega L / (R+j\omega L)$$

$$(2): I_2(R+j\omega L) - R I_3 = 0 \Rightarrow I_2 = I_3 R / (R+j\omega L)$$

$$(3): \left[ -j\omega L \frac{j\omega L}{R+j\omega L} - R \frac{R}{(R+j\omega L)} + (R+j\omega L) \right] I_3 = E$$

$$E = \frac{\omega^2 L^2 - R^2 + (R+j\omega L)^2}{R+j\omega L} \cdot I_3 = \frac{\omega^2 L^2 - R^2 + R^2 - \omega^2 L^2 + 2j\omega LR}{R+j\omega L} I_3$$

$$I_3 = \frac{E(R+j\omega L)}{2j\omega LR} \Rightarrow I_1 = \frac{E}{2R} \quad \text{och} \quad I_2 = \frac{E}{2j\omega L}$$

$$I = I_2 - I_1 = \frac{E}{2} \left( \frac{1}{j\omega L} - \frac{1}{R} \right) = -\frac{E}{2} \left( \frac{1}{R} + j\frac{1}{\omega L} \right) =$$

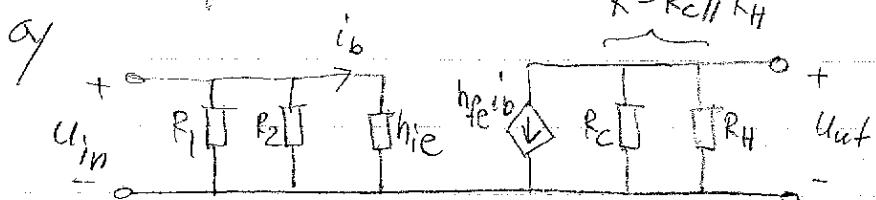
$$= -\frac{10}{2} \left( \frac{1}{2} + j\frac{1}{2\pi} \right); |I| = \frac{10}{4} \sqrt{1 + \frac{1}{\pi^2}} \approx 2.62$$

$$\angle I = -180^\circ + \arctan \frac{1}{\pi} \approx -162.3^\circ$$

$$i(t) = 2.62 \cos(2\pi 10^3 t - 162.3^\circ) \text{ A}$$

(3)

Smäsignal schema



$$R' = R_C \parallel R_H$$

$$f = 800 \text{ Hz}$$

kondensatorer; "kortslutna"

$$R_H = 2 \text{ k}\Omega \text{ Hörtelefon}$$

$$\begin{aligned} u_{in} &= i_b \cdot h_{ie} \\ u_{out} &= -i_b h_{fe} R' \end{aligned} \quad \left\{ \begin{aligned} u_{out} &= -\frac{h_{fe} R'}{h_{ie}} = -\frac{h_{fe} \cdot R_C \cdot R_H}{h_{ie} \cdot R_C + R_H} \end{aligned} \right.$$

$$\frac{u_{out}}{u_{in}} = -\frac{150}{1800} \cdot \frac{1800 \cdot 2000}{(1800+2000)} = -78,95$$

$$u_{in} = 5 \text{ mV} \Rightarrow u_{out} = -78,95 \cdot 5 = -395 \text{ mV}$$

Amplitudet utsignal: 395 mV

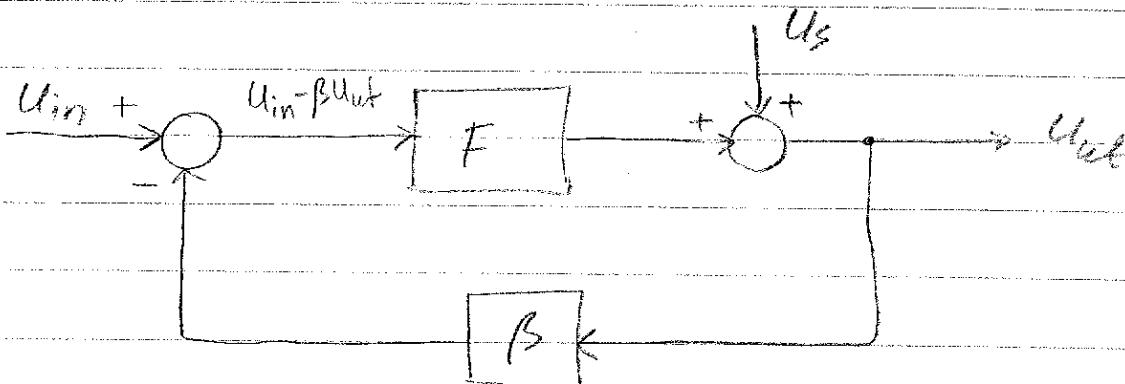
b)  $R_H$  ersätter  $R_C \Rightarrow R' = R_H$

$$\frac{u_{out}}{u_{in}} = -\frac{h_{fe} \cdot R_H}{h_{ie}} = -\frac{150 \cdot 2000}{1800} = -166,7$$

$$u_{in} = 5 \text{ mV} \Rightarrow u_{out} = -833 \text{ mV}$$

Amplitudet utsignal: 833 mV

(4)



$$U_{out} = U_s + F(U_{in} - \beta U_{out})$$

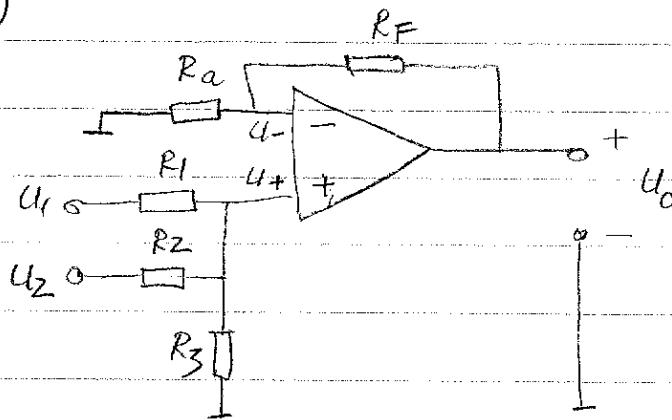
$$U_{out}(1 + \beta F) = FU_{in} + U_s$$

$$U_{out} = U_{in} \frac{F}{1 + \beta F} + \frac{U_s}{1 + \beta F}$$



Storsignal dämppas med faktor  
 $\frac{1}{1 + \beta F}$

(5)



Ideal Op  $\Rightarrow \varepsilon = 0$   
Neg. aerk.  $U_- = U_F$

$$\left\{ U_- = U_F \frac{R_a}{R_a + R_F} \right. \quad \text{Sp. defining}$$

$$\left\{ \frac{U_1 - U_+}{R_1} + \frac{U_2 - U_+}{R_2} = \frac{U_+}{R_3} \right. \quad \text{KCL}$$

$$\frac{U_1}{R_1} + \frac{U_2}{R_2} = U_+ \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) = U_+ \frac{1}{R_1 \parallel R_2 \parallel R_3}$$

$$U_+ = \left( \frac{U_1}{R_1} + \frac{U_2}{R_2} \right) (R_1 \parallel R_2 \parallel R_3)$$

$$U_+ = U_-$$

$$U_o \frac{R_a}{R_a + R_F} = \left( \frac{U_1}{R_1} + \frac{U_2}{R_2} \right) (R_1 \parallel R_2 \parallel R_3)$$

$$U_o = \left( \frac{U_1}{R_1} + \frac{U_2}{R_2} \right) \left( 1 + \frac{R_F}{R_a} \right) (R_1 \parallel R_2 \parallel R_3)$$



**Tentamen i  
ESS 115 Elektriska nät och System, för F2  
den 5 april 2002 kl 8.45-12.45, sal M**

Examinator: Univ.lektor Ants R. Silberberg, ankn. 1808 .

**OBS!** Uppgifterna är ordnade helt slumpmässigt. Läs igenom hela tentan innan du börjar lösa någon av uppgifterna.

Varje approximation och uppsatt samband skall motiveras.

Lösningarna anslås måndagen den 8 april på institutionens anslagstavla.

Betygslistan anslås fredagen den 19 april kl 10 på institutionens anslagstavla.

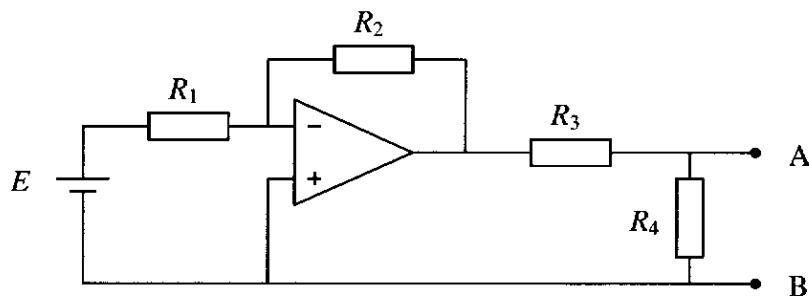
Granskning av rättning får ske tisdagen den 23 april kl 12.30-14.30 på institutionen.

För godkänd tentamen fordras 8 poäng. Nöjaktigt behandlad uppgift ger 3 poäng.

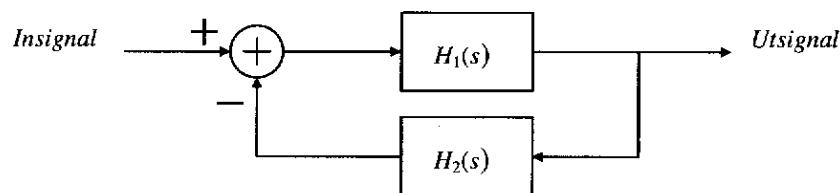
**Tillåtna hjälpmedel:** tabellverket CRC Standard Mathematical Tables, Nordling & Österman: Physics Handbook, och BETA Mathematics Handbook.  
Typgodkänd kalkylator.

**OBS! Skriv tydligt ditt namn och personnummer på varje sida och gör noteringarna på försättsbladet.**

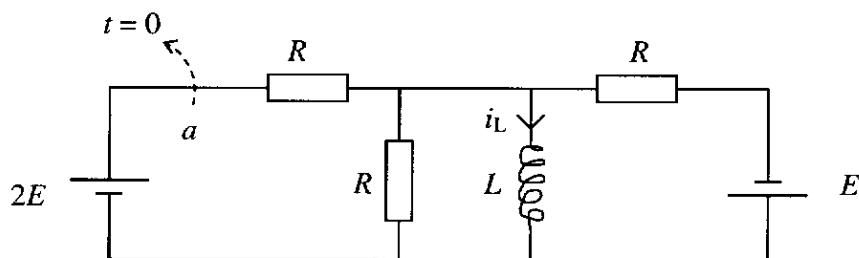
1. Beräkna Thevenins ekvivalenta krets med avseende på noderna A-B.  
 Antag ideal operationsförstärkare.  
 $E = 6 \text{ V}$ ,  $R_1 = 2 \text{ k}\Omega$ ,  $R_2 = 8 \text{ k}\Omega$ ,  $R_3 = 4 \text{ k}\Omega$ ,  $R_4 = 12 \text{ k}\Omega$ ,



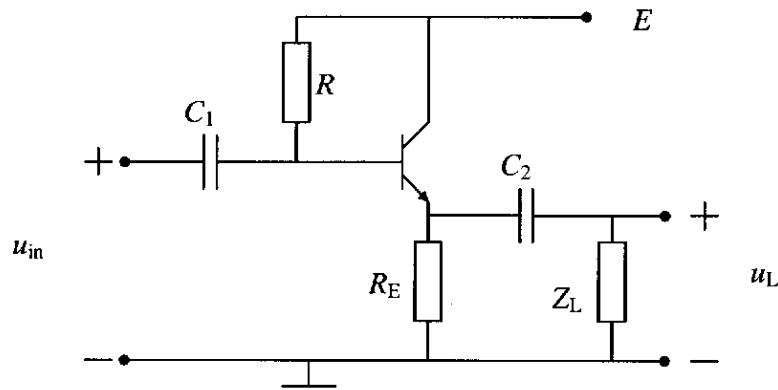
2. Ett system med överföringsfunktionen  $H_1(s) = (s-2)^{-1}$  återkopplas enligt figur med ett annat system,  $H_2(s) = K$ , där  $K$  är en reell konstant. För vilka värden på  $K$  blir systemet stabilt?



3. I kretsen i figuren råder stationärt tillstånd. Vid tidpunkten  $t=0$  öppnas brytaren  $a$ . Beräkna strömmen  $i_L(t)$  genom induktansen  $L$ . Vid vilken tidpunkt är strömmen  $i_L(t)$  genom induktansen medelvärdet av startvärdet,  $i_L(0)$ , och slutvärdet,  $i_L(\infty)$ , för  $t \geq 0$ . (Notera polariteten hos likspänningsskällorna.)



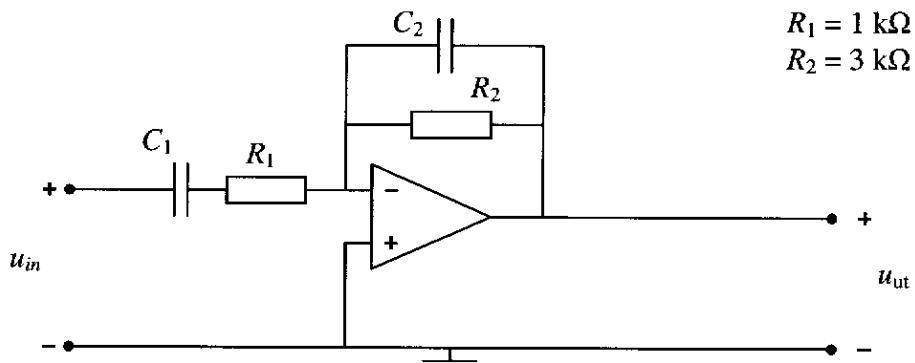
4. Förstärkarsteget i figuren belastas kapacitivt med en kapacitans på  $10 \mu\text{F}$  ( $Z_L$  i figuren). Beräkna spänningen  $u_L$  över  $Z_L$  då  $u_{in}(t) = 10\sin(10^3 t)$  mV. Antag att sinusformat stationär tillstånd råder. Antag vidare att kopplingskondensatorerna  $C_1$  och  $C_2$  är stora och att deras impedans kan försummas vid aktuell signalfrekvens.



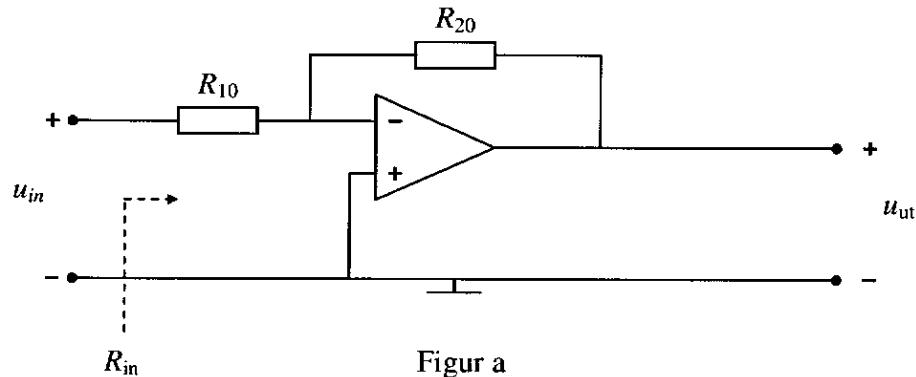
$$R = 500 \text{ k}\Omega, R_E = 5 \text{ k}\Omega, E = 12 \text{ V}$$

För transistorn gäller:  $h_{ie} = 4 \text{ k}\Omega$  och  $h_{fe} = 50$ . Övriga parametrar kan försummas.

5. Utgå ifrån filterkopplingen i figuren där operationsförstärkaren kan anses vara ideal. Hur skall  $C_1$  och  $C_2$  väljas om man önskar en undre gränsfrekvens på  $f_1 = 100$  Hz och en övre gränsfrekvens på  $f_2 = 15 \text{ kHz}$  för ett enskilt filtersteg? Om tre lika filtersteg enligt figuren kaskadkopplas, vilken blir då det totala filtrets stigtid?



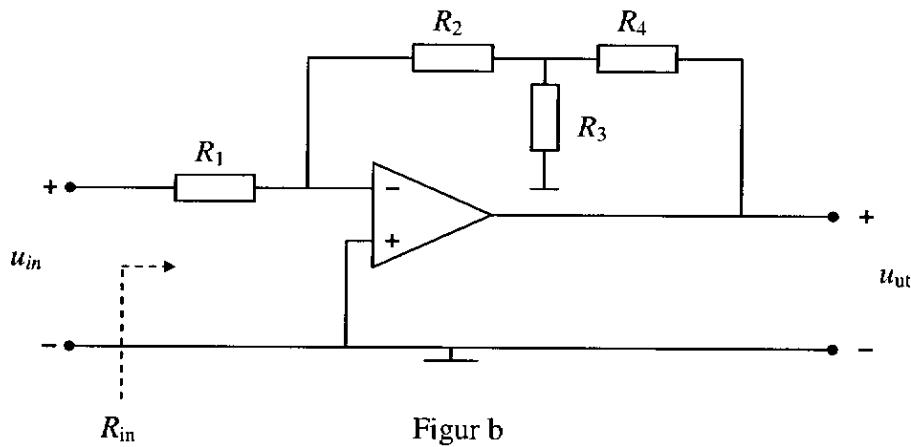
6. En förstärkare med inimpedans  $1 \text{ M}\Omega$  och förstärkning -100 ggr önskas. Detta kan erhållas med en enkel operationsförstärkarkoppling enligt figur a.



Figur a

Då blir  $R_{\text{in}} = R_{10}$  som väljs till  $1 \text{ M}\Omega$  och förstärkningen  $u_{\text{ut}}/u_{\text{in}} = -R_{20}/R_{10}$  som blir det önskade värdet med  $R_{20} = 100 \text{ M}\Omega$ .

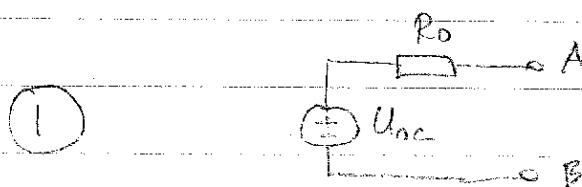
Ofta är det dock opraktiskt med höga resistansvärdet. Då kan en annan koppling användas, se figur b. Bestäm  $R_1$  och  $R_3$  i kretsen i figur b så att ovan angivna värden för inimpedans och förstärkning erhålls. Valda värden hos dessa resistanser får ej överstiga  $1 \text{ M}\Omega$ . Antag idealala op. förstärkare samt att  $R_2 = R_4 = 1 \text{ M}\Omega$ .



Figur b

ESS 115

2002-04-05



$$R_o = 3k\Omega$$

$$U_{oc} = -18V$$

②  $K > 2$

③  $i_L(t) = \frac{E}{R} \left( 2e^{-\frac{R}{2L}t} - 1 \right), t \geq 0$

$$i_L(t') = 0 \quad , \quad t' = \frac{2L}{R} \ln 2$$

④  $U_{yt}(t) = 7.79 \sin(\omega t - 37.7^\circ) mV$

⑤  $t_r \approx 46 \mu s$

⑥  $R_i = 1 M\Omega$

$$R_3 = 10.2 k\Omega$$

**Tentamen i  
ESS 115 Elektriska nät och System, för F2  
den 15 december 2001 kl 8.45-12.45**

Examinator: Univ.lektor Ants R. Silberberg

Förfrågningar under tentamen: ankn. 1808 eller 0705 - 181265

**OBS!** Uppgifterna är ordnade helt slumpmässigt. Läs igenom hela tentan innan du börjar lösa någon av uppgifterna.

Varje approximation och uppsatt samband skall motiveras.

Lösningarna anslås måndagen den 17 december på institutionens anslagstavla.

Betygslistan anslås fredagen den 11 januari kl 14 på institutionens anslagstavla.

Granskning av rättning får ske tisdagen den 15 januari kl 13-15 på institutionen.

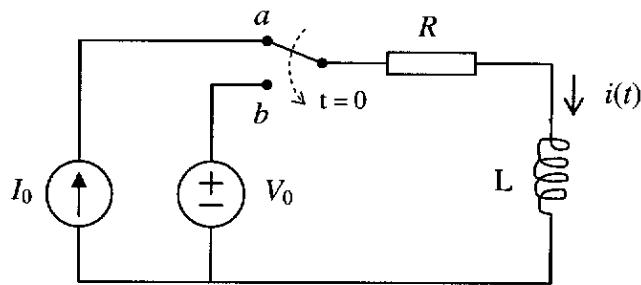
För godkänd tentamen fordras 8 poäng. Nöjaktigt behandlad uppgift ger 3 poäng.

**Tillåtna hjälpmedel:** tabellverket CRC Standard Mathematical Tables, Nordling & Österman: Physics Handbook, och BETA Mathematics Handbook.  
Typgodkänd kalkylator.

**OBS! Skriv tydligt ditt namn och personnummer på varje sida och gör noteringarna på försättsbladet.**

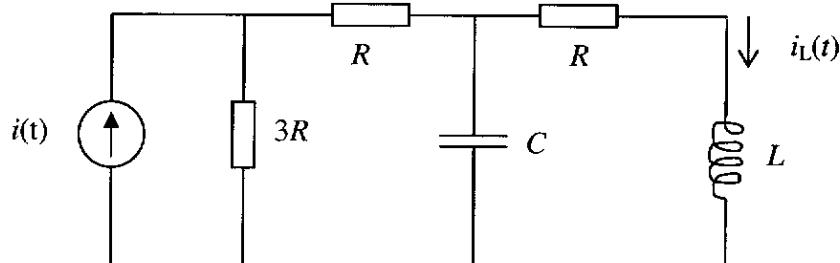
1. Beräkna strömmen  $i(t)$  för  $t \geq 0$ .

Omkopplaren har varit i läge  $a$  under lång tid innan den snabbt växlas över till läge  $b$  vid  $t = 0$ . Strömkällan  $I_0$  levererar en likström och spänningsskällan  $V_0$  levererar en likspänning.



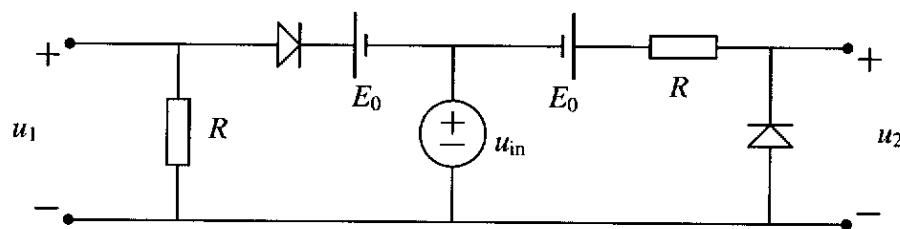
2. Beräkna strömmen,  $i_L(t)$ , genom induktansen.

Strömkällan  $i(t) = 5 \sin(1000 t)$  A och stationär tillstånd råder.



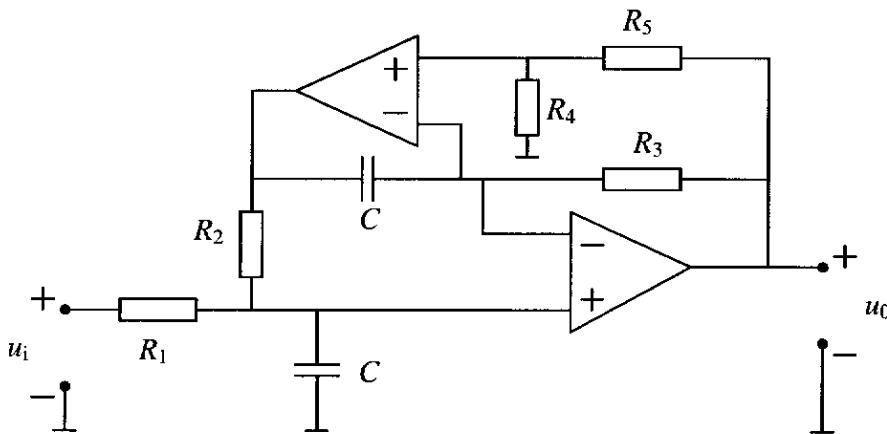
$$R = 10 \Omega, C = 50 \mu\text{F} \text{ och } L = 10 \text{ mH}$$

3. Gör en tydlig skiss över utsignalerna  $u_1(t)$  och  $u_2(t)$ . Insignalen  $u_{\text{in}}(t) = 2 \sin(\omega t)$  V. Antag idealade dioder.  $R = 100 \Omega, E_0 = 1$  V,  $\omega = 20\pi$  r/s.

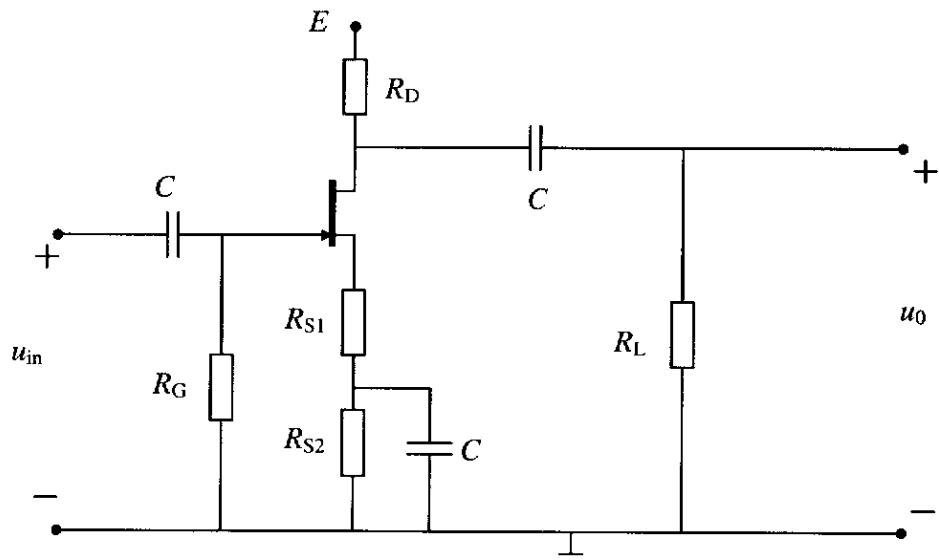


4. Ett filter kan realiseras enligt kretsen i figuren. Antag ideala op-förstärkare samt låt  $R_4 = R_5$ .

- Beräkna filtrets överföringsfunktion ( $u_0/u_i$ ).
- Vilken typ av filter beskriver överföringsfunktionen.
- Beräkna filtrets maximala förstärkning.



5. Beräkna inimpedansen samt förstärkningen  $u_0/u_{in}$  i kretsen nedan. För transistorn gäller att  $I_{DSS} = 2 \text{ mA}$  och  $U_p = -2 \text{ V}$ .



$$R_G = 30 \text{ k}\Omega, R_D = 10 \text{ k}\Omega, R_{S1} = 100 \Omega, R_{S2} = 300 \Omega, R_L = 2.67 \text{ k}\Omega \text{ och } E = 20 \text{ V}$$

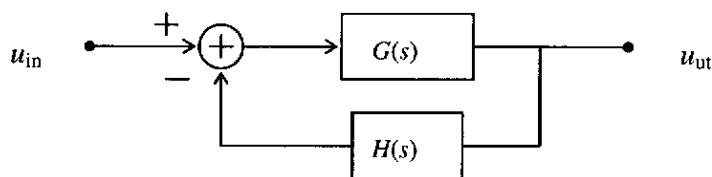
Impedansen  $(j\omega C)^{-1} \rightarrow 0$  för aktuella signalfrekvenser.

6. För en återkopplad förstärkare (enligt figur) gäller att  $GH = \frac{4}{s^3 + 3s^2 + 2s}$ .

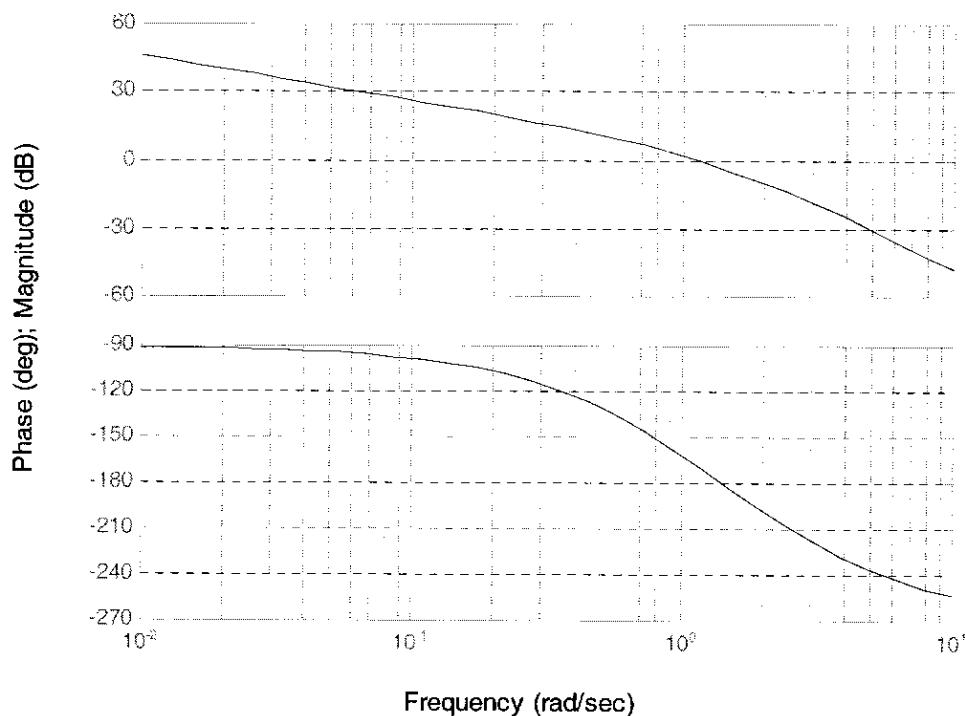
Bodediagrammet för  $GH$  visas i figuren nedan.

a) Är den återkopplade förstärkaren stabil? Motivering krävs.

b) Beräkna amplitudmarginalen (enbart avläsning i diagram ej tillräckligt).



Bode Diagrams

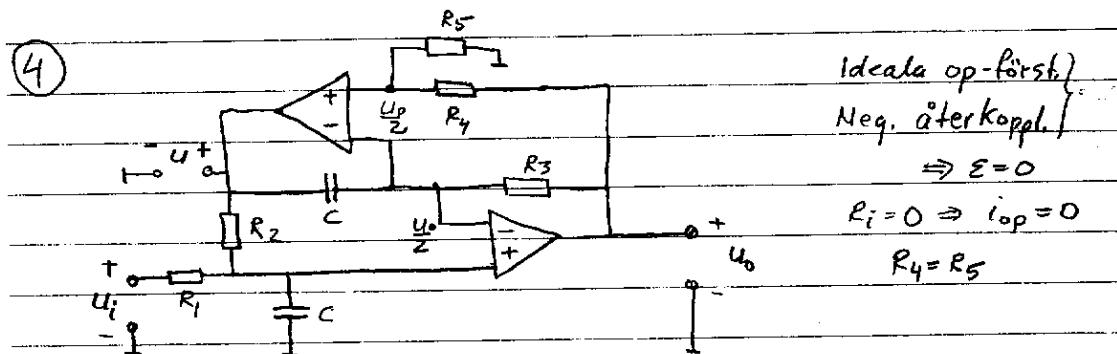








ENS, F2 011215



- Sp. delning mellan  $R_4$  och  $R_5$  samt  $\epsilon=0$  ger spänningen  $u_o/2$  på alla op-amp. ingångar

$$\frac{u - u_o/2}{1/sC} + \frac{u_o - u_o/2}{R_3} = 0 \Rightarrow u = -u_o \frac{1}{2sR_3C} (1 - sR_3C)$$

$$\frac{u_i - \frac{1}{2}u_o}{R_1} + \frac{u - \frac{1}{2}u_o}{R_2} = \frac{\frac{1}{2}u_o}{1/sC} \Rightarrow u_i = \frac{u_o}{2R_2} \left( R_1 + R_2 + sR_1R_2C \right) - \frac{u_o}{R_2}$$

$$\frac{u_o}{u_i} = \frac{s^2 R_1 R_2 R_3 C}{s^2 R_1 R_2 R_3 C^2 + s R_2 R_3 C + R_1} = \frac{s^2 + s \frac{1}{R_1 C} + \frac{1}{R_2 R_3 C^2}}{2 \frac{1}{R_1 C}}$$

$$\frac{u_o}{u_i} = \frac{s^2 B}{s^2 + sB + \omega_0^2} = H(s) ; \text{ Bandpassfilter!}$$

$$|H(j\omega)| = \frac{\omega^2 B}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + (\omega B)^2}} \quad \text{max for } \omega = \omega_0$$

Max. först: = 2



(6)

ENS, F2 011215

oy

Från Bode diagram

 $|GH| < 1$  (0 dB) vid den frekvensen där

$\angle GH = -180^\circ$

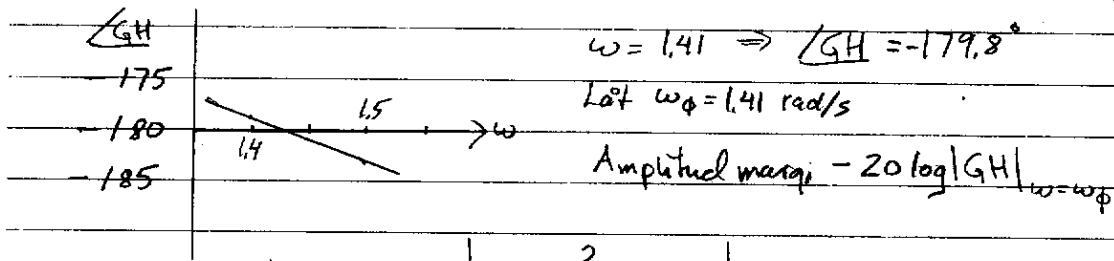
Stabil!

$$\text{b) } GH = \frac{4}{s^3 + 3s^2 + 2s} = \frac{4}{s(s^2 + 3s + 2)}$$

$$s_{1,2} = -\frac{3}{2} \pm \sqrt{\frac{9}{4} - \frac{4}{4}} = -\frac{3 \pm 1}{2} = \begin{cases} -1 \\ -2 \end{cases}$$

$$GH = \frac{4}{s(s+1)(s+2)} = \left\{ s=j\omega \right\} = \frac{4 \cdot \frac{1}{2}}{j\omega (1+j\omega)(1+j\frac{\omega}{2})}$$

$$\angle GH = -90^\circ - \arctan \omega - \arctan \frac{\omega}{2}$$

Ur Bode diagram  $\angle GH = -180^\circ$  då  $\omega \approx 1,5$ Sök  $\omega$  som ger  $\angle GH = -180^\circ$ . Passningsräkna

$$G_M = -20 \log \left| \frac{2}{j\omega (1+j\omega)(1+j\frac{\omega}{2})} \right|_{\omega=\omega_\phi} =$$

$$= -20 \log \frac{2}{\omega_\phi \sqrt{1+\omega_\phi^2} \sqrt{1+(\frac{\omega_\phi}{2})^2}} = 3.5 \text{ dB}$$